

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی:

خط ۵ متروی تهران)

میلاذ نظری، کارشناس ارشد راه و ترابری، گروه عمران، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران
علی عبدی (مسئول مکاتبات)، دانشیار عمران راه و ترابری، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره)، قزوین، ایران

Email: Aliabdi@eng.ikiu.ac.ir

حسن ذوقی، استادیار عمران راه و ترابری، واحد کرج، دانشگاه آزاد اسلامی، کرج، ایران

پذیرش: ۱۴۰۰/۰۸/۰۵

دریافت: ۱۴۰۰/۰۵/۱۱

چکیده

مترو یکی از مهم ترین راهکارهای حل مشکل ترافیک و آلودگی هوا در جهان شناخته شده است. ایمنی بسیار بالا، راحتی و آسایش مسافران، کاهش مصرف انرژی، سرعت مناسب، قیمت پایین حمل مسافر در مقایسه با خودروهای شخصی از جمله مزیت های قطار شهری نسبت به سایر وسایل نقلیه عمومی است. مترو تهران به مجموعه قطار شهری تهران و همچنین «شرکت راه آهن شهری تهران و حومه» گفته می شود. این مترو در هفت خط اصلی در حال فعالیت است. هدف از زمان بندی قطارها حداقل کردن زمان سیر قطارها از مبدأ به مقصد، جلب رضایت مسافران و صاحبان منافع، باکم کردن تاخیرات در ایستگاه ها و حداکثر کردن استفاده از ظرفیت خطوط، ایستگاه ها و ناوگان است. در این تحقیق، مطالعه موردی قطاری شهری بین تهران و کرج است. در این پژوهش متغیرهایی همچون زمان توقف قطارها، حجم مسافرین در ساعات مختلف، الگوی ورودی مشتریان و زمان انتظار مسافرین به عنوان پارامترهای تاثیرگذار در تعیین سرفاصله زمانی قطار در نظر گرفته شده اند. سپس، ضمن پرداختن به وضع موجود خط پنج متروی تهران، با توجه به عدم قطعیت های موجود، سناریوهایی تدوین گردید. هدوی پیشنهاد شده بین بازه ۶-۳۰ دقیقه در سناریو های مختلف برای ساعات مختلف است تا در نهایت رضایت شهروندان تامین گردد و در وقتشان صرفه جویی شود و سیستم مدیریت شهری در جهت توسعه پایدار شهری گام بردارد.

کلمات کلیدی: سناریونگاری، سرفاصله زمانی، عدم قطعیت، قطار شهری

۱. مقدمه

(Duriseti, 2002) عدم قطعیت به شرایطی اطلاق می‌شود که

نتایج مشخص نیست و در موارد عدم قطعیت واقعی، ابزار دستیابی به نتایج (یعنی استنباطها) نیز مشخص نیست. (

(Melander & Tell, 2014)

به عبارت دیگر عدم قطعیت پدیده‌ای است که عمیقاً در زندگی ما ریشه دارد و بسیاری از انتخاب‌ها و تصمیمات ما را تحت تأثیر قرار می‌دهد. این کار از انتخاب‌های کوچک روزمره افراد شروع می‌شود و تصمیمات شرکت‌های چند ملیتی را پوشش می‌دهد. به ندرت می‌توان مطالعاتی در زمینه سازمان و مدیریت یافت که در آن‌ها پدیده عدم قطعیت ذکر نشده باشد. به این دلیل که عدم درک و مواجهه با عدم قطعیت در تصمیم‌گیری سازمانی، هزینه زیادی دارد. این هزینه‌ها به صورت نتایج پیش‌بینی نشده، اثرات منفی یا فرصت‌های از دست رفته بوجود می‌آیند. (

(Linovski, 2019) حداقل دو نوع عدم قطعیت وجود دارد که

در این مطالعه مورد بررسی قرار می‌گیرد:

۲-۱-۱ عدم قطعیت در سرفاصله زمانی

در این نوع از عدم قطعیت، پارامترهایی همچون بی‌نظمی در سرفاصله زمانی حرکت، زمان توقف قطارها، ازدحام مسافران و تغییرات سفر و حجم مسافر مورد بررسی قرار می‌گیرد. این پارامترها در افزایش یا کاهش سرفاصله زمانی متروها نقش مهمی را ایفا می‌کنند. پارامترهای عدم قطعیت در سرفاصله زمانی به شرح جدول ۱ است.

جدول ۱. پارامترهای عدم قطعیت در فاصله زمانی

بی‌نظمی در سرفاصله زمانی حرکت	پارامترهای عدم قطعیت در فاصله زمانی
افزایش زمان توقف قطارها	
ازدحام مسافر	
تغییرات تقاضای سفر و حجم مسافر	

۲-۱-۲ عدم قطعیت در ظرفیت واگن

در ساعات پیک ترافیک ظرفیت سیستم مترو مقدار مشخصی نیست، این مقدار حدود ۱۰-۲۰٪ به گفته کارشناسان مترو تغییر می‌کند، از این رو در این مطالعه ظرفیت به‌عنوان یک ثابت در نظر

برنامه زمان‌بندی قطار برنامه‌ریزی زمان‌های ورود و خروج قطارها را در سکوها، ایستگاه‌ها و تقاطع‌ها بیان می‌کند. هدف از زمان‌بندی قطارها حداقل کردن زمان سیر قطارها از مبدأ به مقصد، جلب رضایت مسافران و صاحبان کالا با کم کردن تاخیرات در ایستگاه‌ها و حداکثر کردن استفاده از ظرفیت خطوط، ایستگاه‌ها، ناوگان و خدمه است. در این مطالعه سناریوهای مختلف از نگاه مسافر، شرکت مترو با استفاده از برنامه‌ریزی خطی، برای ایجاد یک زمان‌بندی مناسب صورت خواهد گرفت. همچنین با در نظر گرفتن عدم قطعیت در هدوی قطارها، سرعت قطارها، تقاضا مسافر و ظرفیت قطار سعی بر آن است تا بتوان پیش‌بینی عملی‌تری و زمان‌بندی بهتری برای حرکت قطارها به دست آورد.

نیاز به مدیریت ترافیک و برنامه‌ریزی امری اجتناب‌ناپذیر است. برنامه‌ریزی کوتاه‌مدت ترافیک، مستلزم درک درست و مناسب از شرایط آبی مسیرها در بازه‌های کوتاه‌مدت است و بلندمدت است و بدون در اختیار داشتن تخمین‌های نزدیک به واقعیت، برنامه‌ریزی معنای نخواهد داشت. هدف این پژوهش ارائه برنامه زمان‌بندی حرکت قطارها می‌باشد.

ارائه برنامه زمان‌بندی بر اساس تقاضا مسافر نیاز به پیش‌بینی تعداد مسافر دارد، مدل‌های قبلی بر اساس ظرفیت خط و محدودیت‌ها است، در اینجا مدلی ابتکاری بر اساس ترکیب تئوری صف با پیش‌بینی مسافر و برنامه‌ریزی خطی ارائه خواهد شد.

۲. مبانی نظری پژوهش

۲-۱-۲ تعریف عدم قطعیت

واژه عدم قطعیت حاکی از هر چیزی همانند قطعیت تا حدس‌های آگاهانه یا حدس و گمان فرضی است. کمبود اطلاعات بدیهی است که منجر به عدم اطمینان می‌شود، اما غالباً اختلاف نظر درباره آنچه شناخته شده است نیز می‌تواند به عدم قطعیت منجر شود. (Schneider & Kuntz)

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

۲-۳ الگوی ورود مسافران

تعداد متوسط ورودی در واحد زمان (میانگین نرخ ورودی) یا زمان متوسط مابین ورودی های متوالی، از هرکدام استفاده کنید فرقی نمی کند و مشخص کننده الگوی ورود مشتریان است و در حالت کلی دارد:

۱. قطعی (توزیع آماری خاص وجود ندارد و متوسط نرخ

ورودی آن را تعیین می کند).

۲. تصادفی (عدم قطعیت داریم و به میانگین و واریانس ... و نوع توزیع برای مسئله خودمان نیاز است).

۲-۴ نوع ورود مسافران

۱- تک به تک

۲- انباشته ای با گروهی: در یک لحظه بیش از یک ورودی به سیستم (نه سرویس) داریم. تعداد مسافران انباشته یا قطعی است یا تصادفی

۲-۵ نوع واکنش مسافران

یعنی مسافر به محض ورود به سیستم چه تصمیمی می گیرد.

- هراندازه صف طولانی باشد صبر می کند.
- به نظر او صف طولانی است و سیستم را بلافاصله ترک می کند.
- به نظر او صف طولانی است و سیستم را پس از مدتی انتظار ترک می کند.
- گاهی اوقات پس از مدتی انتظار صف را ترک می کند ولی به صف دیگری در سیستم که به نظر او کوتاه تر است می رود.

۲-۶ نظم صف

اشاره به طریقه ای دارد که مشتریان برای انجام سرویس انتخاب می شوند.

- اولین فرد (انباشته ای) ورودی برای سرویس انتخاب می شود. آخرین ورودی اولین سرویس: در انبارهایی که کالای اسقاط ندارند رایج است چون دسترسی به اقلام راحت تر است.

گرفته نمی شود و آن را به عنوان یک متغیر در نظر گرفته می گیریم. این متغیر تأثیر زیادی بر سطح رضایت مسافران دارد، از این رو در روش تحقیق سناریوسازی برحسب این متغیر صورت می گیرد. در هر واگن دو نوع ظرفیت ایستاده و نشسته وجود دارد. ظرفیت نشسته در هیچ زمانی تغییر نمی کند اما ظرفیت ایستاده در هر واگن قابل تغییر است.

۲-۲ زمان بندی ثانویه حرکت قطارها

این نوع مسائل در شبکه های راه آهن بر مبنای زمان بندی اولیه قطارها بنا شده و از لحاظ مدل سازی نیز مشابه آن هاست ولی از لحاظ حل به دلیل آنکه کوتاه ترین زمان جواب آن ها مورد نیاز می باشد و به عبارت دیگر برنامه ریزی به صورت لحظه ای می باشد، نمی توان از روش های زمان بر قبلی استفاده کرد به همین دلیل اکثر محققین با به روش های ابتکاری روی آورده و یا از روش های شبیه سازی استفاده می کنند تا بتوانند در کوتاه ترین زمان جواب بهینه را پیدا کرده و یا جواب موجه خوبی به دست آورند.

اسد یک نوع از این مسائل را مدنظر قرار داده و تأثیرات اضافه کردن یک قطار و سپس دو قطار را در مدل مورد بررسی قرار داده است و برای حل مسئله از یک روش ابتکاری کاری استفاده کرده است. (Assad, 1980) آریا و همکاران مسئله مورد نظر را به صورت یک مدل برنامه ریزی عدد صحیح مخلوط مدل سازی بیان کردند. مدل ارائه شده برای یک شبکه دوخطه متشکل از دو نوع قطار عادی و سریع با فرض مجاز بودن سبقت و زمان شروع حرکت ثابت برای قطارها مورد بررسی قرار گرفته است برای حل مسئله ابتدا از یک روش ابتکاری، حد اولیه ای برای جواب ها محاسبه شده و سپس توسط شاخه واحد و با استفاده از حد پایین به دست آمده جواب بهینه مسئله محاسبه شده است. لازم به ذکر است که در این مسئله به دلیل دوخطه بودن مسیر، بحث تلاقی قطارهای هم جهت مورد نظر قرار گرفته است. (Araya & etc, 1983)

$$f(k; \lambda) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \quad (1)$$

e: پایه لگاریتم طبیعی است $e=2,71828$

K تعداد ظهورهای یک حادثه است که احتمالش با تابع فوق داده شده است.

λ یک عدد مثبت حقیقی و برابر با امید ریاضی ظهورها در طول بازه داده شده است تابع فوق به عنوان تابعی از k یک تابع جرم احتمال است. توزیع پواسون می تواند به عنوان تقریبی از توزیع دو جمله ای در نظر گرفته شود. توزیع پواسون می تواند برای سیستم هایی بکار برده شود که دارای تعداد وقایع بسیار زیاد هستند و احتمال وقوع هر واقعه بسیار کم است.

۲-۹ انتخاب مدل صف M/G/C/C

در مطالعات مختلف برای صف های جاده و صف ها که مسافر در انتظار قطار است مدل صف M/G/C/C پیشنهاد شده است. به علت پواسون بودن توزیع ورودی ها و نمایی بودن سرویس دهی، با تمام مقادیر ممکن n و را شامل می شود و لذا می توانیم از فرمول زیر استفاده شود. ولیکن قبل از آن باید u را نیز مشخص شود.

$$P_n = P_0 \prod_{i=1}^n \frac{\lambda_{i-1}}{\lambda_i} \quad (2)$$

برای محاسبه میانگین نرخ سرویس دهی در این سیستم داریم: اگر بیش از C مشتری در سیستم باشد، تمام سرویس دهندگان مشغول اند و هر سرویس کننده با نرخ u کار می کند؛ بنابراین میانگین نرخ خروجی CU است.

- اگر تعداد افراد سیستم از C کمتر باشد ($n < C$) در این صورت تنها n تا از C سرویس کننده مشغول اند و میانگین نرخ nU است.

برای مقایسه کارایی تر فرمول لیتل با در نظر گرفتن نظم صف به صورت FIFO از رابطه زیر استفاده می شود:

۲-۱۰ سطح سرویس در ایستگاه قطار

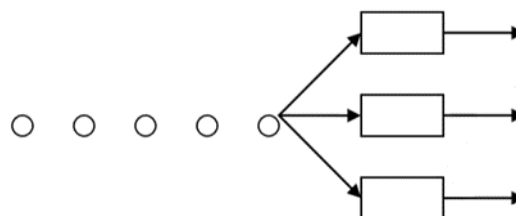
۲-۱۰-۱ سطح سرویس A

- به طور تصادفی و مستقل از زمان ورود به صف مشتری انتخاب می شود.

توجه: در خیلی مواقع هیچ نظمی را نمی توان برقرار کرد. مثلاً در سر چهارراه برای عبور از چراغ کلاً نظمی نیست. کلاً در جاهایی که مردم عادت به صف بستن ندارند این حالت روی می دهد.

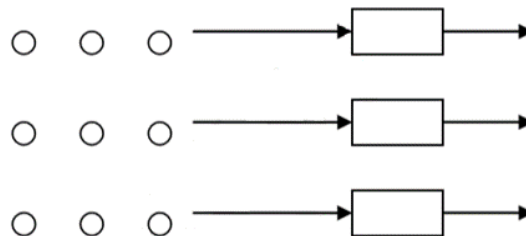
۲-۷ تعداد کانال های سرویس

منظور تعداد ایستگاه های سرویس موازی است که به طور هم زمان به مشتریان سرویس می دهند و دو نوع هستند. نوع اول که برای همه سروورها یک صف واحد داریم:



شکل ۱. همه سروورها یک صف واحد

و نوع دوم که هر کانال یک صف جداگانه دارد:



شکل ۲. هر سرور یک صف جدا دارد

۲-۸ توزیع پواسون

X معمولاً در الگو صف در قطار نحوه ورود مسافران به ایستگاه از توزیع پواسون پیروی می کند، از این رو به توضیح این توزیع پرداخته می شود. یک متغیر تصادفی غیر منفی عدد صحیح با احتمالات نقطه ای است. به همین طریق می توان این توزیع را به عنوان تعداد دفعات وقوع یک واقعه ورود مشتری در یک فاصله زمانی به طول t از یک فرایند پواسون به چگالی تعریف کرد:

بطوریکه:

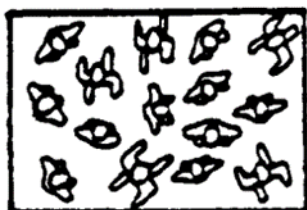
ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)



شکل ۵. سطح سرویس C

۲-۱۰-۴ سطح سرویس D

متوسط سطح عابر پیاده: ۰,۷-۰,۳ متر مربع (3-7 ft²) به ازای هر نفر فاصله متوسط بین شخص: ۰,۹-۰,۶ متر (۲-۳ فوت) توضیحات: ایستادن بدون لمس غیرممکن است. گردش در صف و جلو به شدت محدود شده است. حرکت فقط به صورت گروهی امکان پذیر است. انتظار طولانی مدت در این تراکم ناراحت کننده است.



شکل ۶. سطح سرویس D

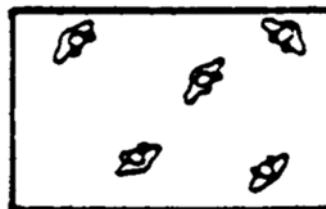
۲-۱۰-۵ سطح سرویس E

متوسط سطح عابر پیاده: ۰,۳-۰,۲ متر مربع (۲-۳ فوت) به ازای هر نفر میانگین فاصله بین شخص: $\geq 0,6$ متر (۲ فوت) توضیحات: ایستادن در تماس فیزیکی با دیگران است. اجتناب ناپذیر؛ گردش در صف امکان پذیر نیست. صف کشیدن با این تراکم فقط برای مدت کوتاهی پایدار است.



شکل ۷. سطح سرویس E

متوسط سطح عابر پیاده: $\leq 1,2$ متر مربع (۱۳ فوت ۲) به ازای هر نفر فاصله متوسط بین شخص: $\leq 1,2$ متر (۴ فوت) توضیحات: ایستاده و گردش آزاد از طریق صف منطقه بدون ایجاد مزاحمت برای دیگران در صف امکان پذیر است.



شکل ۳. سطح سرویس A

۲-۱۰-۲ سطح سرویس B

متوسط سطح عابر پیاده: ۰,۹-۰,۲ متر مربع (۱۰-۱۳ فوت ۲) به ازای هر نفر فاصله متوسط بین شخص: ۱,۱-۱,۲ متر (۳,۵-۴ فوت) شرح: گردش ایستاده و تا حدی محدود به اجتناب از مزاحمت برای دیگران در صف امکان پذیر است.



شکل ۴. سطح سرویس B

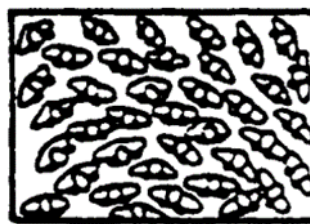
۲-۱۰-۳ سطح سرویس C

متوسط سطح عابر پیاده: ۰,۷-۰,۹ متر مربع (۷-۱۰ فوت ۲) به ازای هر نفر فاصله متوسط بین شخص: ۰,۹-۱,۱ متر (۳-۳,۵ فوت) توضیحات: ایستادن و گردش خون محدود از طریق نوبت دهی با ایجاد مزاحمت برای دیگران امکان پذیر است.

$$L = r + \frac{r^{c+1}/c}{c!(1-r/c)^2} P_0 \quad (3)$$

۲-۱۰-۶ سطح سرویس F

متوسط سطح عابر پیاده: ≥ 0.2 ، متر مربع (۲ فوت ۲) به ازای هر نفر فاصله متوسط بین شخص: تماس نزدیک توضیحات: تقریباً همه افراد در صف ایستاده اند. در تماس مستقیم جسمی با دیگران؛ این تراکم بسیار زیاد است. هیچ جابجایی در صف امکان پذیر نیست، پتانسیل وحشت وجود دارد.



شکل ۸. سطح سرویس F

۳. پیشینه پژوهش

در این رابطه اولین کار توسط اشپیگل صورت گرفته است؛ وی بر اساس مسئله برنامه ریزی ماشین آلات، مسئله مورد نظر را به صورت یک مدل برنامه ریزی خطی با فرض زمان های شروع ثابت و در نظر گرفتن حداکثر سرعت برای قطارها مدل سازی کرده و سپس با استفاده از روش شاخه و حد مسئله را برای ۱۰ قطار و بلاک حل کرده است. (Adenso-Diaz, 1999) ایاما مسئله برنامه ریزی حرکت قطارها را از دیدگاهی دیگر مورد بررسی قرار داده است؛ به این صورت که با توجه به تقاضای مسافری در ایستگاه های متفاوت در طول شبانه روز قطارها به دو دسته سریع و عادی تقسیم شده و هدف تعیین سرفاصله زمانی حرکت آنها و تعیین ایستگاه هایی است که می بایست جهت پیاده و سوار کردن مسافر توقف نمایند. بطوریکه زمان مسافرت کل مسافری حداقل گردد، مسئله مورد نظر در قالب یک مدل شبکه و به صورت یک مسئله برنامه ریزی عدد صحیح مخلوط مدل سازی گشته است. (Miwa and Oyama, 2018) مس استفاده از مفاهیم شبکه را جهت مدل سازی مسئله پیشنهاد نموده اند، به این صورت که کمان ها بیانگر بلاک ها و گروه ها

نشان دهنده ایستگاه ها می باشند. در این مدل زمان به صورت پیوسته در نظر گرفته شده و نتیجه حاصل به صورت یک شبکه پویا می باشد و مسئله مورد نظر با استفاده از معادلات دیفرانسیل در قالب یک مسئله کنترل بهینه سازی شده است. سپس با استفاده از مسئله تخصیص منابع، رویکرد دیگری را مدنظر قرار داده است به این صورت که بلاک های راه آهن به عنوان منابع در نظر گرفته شده که این منابع در زمان های مورد نظر به قطارها تخصیص می یابند، در این مدل فرض شده است که برنامه ریزی بر روی یک شبکه تک خطه برای یک دوره زمانی معینی صورت می گیرد و زمان شروع حرکت قطارها نیز ثابت می باشد. مدل ریاضی مربوط یک مسئله بهینه سازی شبکه با متغیرهای صفر و یک تعریف شده و برای حل آن یک الگوریتم تخمینی با استفاده از مسئله جریان چند کالایی پیشنهاد شده است. (Mees, 1991) میلز و کینز یک مدل دینامیکی و غیرخطی ارائه دادند. (Mills and Perkins, 1991)

هیگینز و همکاران مسئله زمان بندی حرکت قطارها را در یک شبکه تکه خطه به صورت برنامه ریزی عدد صحیح مخلوط مدل سازی نموده اند به این صورت که تابع هدف به صورت حداقل کردن مجموعه تأخیرت وزنی قطارها به همراه هزینه های عملیاتی آنها به صورت یک تابع غیرخطی مطرح شده و محدودیت های تلافی، سبقت، توالی و سرعت به صورت روابط خطی عنوان گشته اند. (Caprara, 2002) در مطالعه ونستیگن و اودهسون به منظور بهبود کارایی جدول زمانی شبکه ای از خدمات قطار مسافری، به دنبال به حداقل رساندن تابع هزینه انتظار است که شامل مکمل های زمان اجرا و انواع مختلف زمان انتظار و ورود به اواخر است. این رویکرد به کل شبکه بین المللی راه آهن بلژیک اعمال می شود. شبکه آی سی متشکل از ۱۴ قطار سریع متصل به تمام شهرهای عمده بلژیک است. در مرحله اول رویکرد، مکمل های زمان ایده آل برای حفاظت از اتصالات زمانی محاسبه می شود. این مکمل ها بر

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

مقالات و مطالعات زیادی در ارتباط با زمان بندی حرکت قطارها صورت گرفته از روش های برنامه ریزی خطی گرفته تا روش های جدیدتر که با افزایش کامپیوترها و توان محاسبات منجر به روش های هوش مصنوعی شده است. چند دهه قبل محققان مدل های زیادی را برای قطارها مورد بررسی قرار داده اند اما با توسعه مترو و افزایش مسافر آن و هدوی های نزدیک تر، گویا نیاز به بررسی دو باره این مدل ها است؛ زیرا هر چند قطار چند سده قبل به ظهور رسیده است، اما کارکرد مترو با قطار تا حدی متفاوت و برای هدف تقاضا سفری است که هر روز اتفاق می افتد در این زمینه در داخل کشور ضعف مطالعات آشکار می گردد. همچنین رویکرد بر مبنای مسافر با رویکرد شرکت فراهم کننده خدمات متفاوت است. خلاصه ای از مطالعات پیرامون موضوع مورد پژوهش به شرح جدول ۲ است.

اساس توزیع تأخیر قطارها، شمار مسافران و وزن بندی انواع زمان های انتظار استوار است.

در مرحله دوم، برنامه ریزی خطی برای ساخت یک جدول زمانی بهبود یافته با اتصالات به خوبی برنامه ریزی شده و هر زمان که امکان پذیر است، با مکمل های زمان بندی ایده آل استفاده می شود. شبیه سازی زمان بندی های مختلف را ارزیابی می کند و باعث می شود که زمان بندی برنامه ریزی خطی بهبود یابد. برای مورد شبکه IC، نتیجه نهایی یک جدول زمانی با زمان انتقال مناسب و هزینه انتظار، یعنی ۴۰ درصد پایین تر از جدول زمانی فعلی است. از آنجا که مدل سازی برنامه ریزی خطی مداوم پیاده سازی شده است، روش پیشنهادی برای ایجاد جدول زمانی بهتر حتی برای شبکه های گسترده ای از راه آهن نیز بسیار امیدوارکننده است.

(Vansteenwegen and Van Oudheusden, 2007)

جدول ۲. خلاصه پیشینه نظری و عملی پژوهش

نام	سال	توضیحات
کیانفر	۱۳۹۲	متغیرهای تصمیم مسئله شامل توالی اعزام قطارها از ایستگاه مبدأ، سرفاصله زمانی بین اعزام قطارهای متوالی، تخصیص قطارها به خطوط ایستگاه ها و تعیین برنامه توقف قطارها برای اقامه نماز است. برای کاهش زمان حل مدل برنامه ریزی عدد صحیح، چندین دسته نامساوی معتبر ارائه شده است.
گورس	۱۹۹۸	از الگوریتم مورچه که همگی روش های نوین جستجو هستند استفاده کرده اند و برای مساله زمان بندی حرکت قطارها جواب های خوبی را به دست آورده اند ولی هیچکدام از آنها تضمین نکرده اند که جواب بدست آمده بهینه است.
لی	۲۰۰۹	مساله زمان بندی حرکت قطارها را در یک شبکه تکه خطه بصورت برنامه ریزی عدد صحیح مخلوط مدل سازی نموده اند به اینصورت که تابع هدف بصورت حداقل کردن مجموعه تأخیرات وزنی قطارها به همراه هزینه های عملیاتی آنها بصورت یک تابع غیرخطی مطرح شده و محدودیت های تلاقی، سبقت، توالی و سرعت بصورت روابط خطی عنوان گشته اند.
نایی	۱۳۹۶	اطلاعات ورودی مسئله شامل نوع بلاک ها، ترتیب و موقعیت مکانی ایستگاه، تعداد خطوط و سکوی ایستگاه ها، امکانات ایستگاه، زمان های مسدودی بلاک و اوقات شرعی است. متغیر مسئله، زمان اعزام قطارها از مبدأ است و هدف مسئله حداقل کردن مجموع وزنی زمان های توقف غیر برنامه ای قطارهاست.
اکاترینا و همکاران	۲۰۱۴	مدل شامل اجزای اصلی زیر است: مدل خطی؛ مدل کنترل تردد قطار؛ مدل قطارها؛ مدل سیستم های تامین انرژی؛ مدل سیستم کنترل خروجی و سیگنال؛ مدل تنظیم فاصله ترافیک؛ مدل تردد مسافران؛ مدل مدیریت وظایف؛ مدل ارزیابی نتایج؛ مدل تجسم نتایج شبیه سازی. نرخ بالای توسعه مترو مسکو به دنبال خودکار سازی روند ایجاد و ویرایش عناصر مدل، تعیین روابط، توسعه اشکال گرافیکی، نوشتن سناریوهای عدم قطعیت های مترو است.

نام	سال	توضیحات
ادتوفر و همکاران	۲۰۲۰	متداول ترین روش در اروپا برای تجزیه و تحلیل ارزیابی ظرفیت خطوط راه آهن، روش فشرده سازی جدول زمانی نامیده می شود. این روش مسیره های قطار را جابجا می کند، به طوری که تفاوت زمانی بین دو مسیر، که حرکت قطارها را بدون تصادف فراهم می کند، حداقل است. این مدل در حال حاضر برای تجزیه و تحلیل جدول زمانی بین Hauptbahnho و Wien Westbahnhof استفاده می شود.

۴. روش پژوهش

در این بخش از دو روش اطلاعات جمع آوری می شوند:

- روش اسنادی: در این روش با مطالعه منابع اطلاعاتی موجود متناسب با هدف پژوهش، اطلاعاتی جمع آوری و استخراج می گردند. این اطلاعات دسته بندی می شوند. سپس اطلاعات به دست آمده مورد ارزیابی قرار خواهند گرفت.
- روش مصاحبه: شامل طراحی پرسش نامه و مصاحبه ای عمیق با مسئولین متروی شهر تهران و مصاحبه با شهروندان است. به منظور شناخت جامع متروی تهران و ارائه برنامه زمان بندی مناسب، پرسشنامه هایی تنظیم می شود تا توسط صاحب نظران، تکمیل گردد.

در این پژوهش متغیرهایی همچون زمان توقف قطارها، حجم مسافری در ساعات مختلف، الگوی ورودی مشتریان و زمان انتظار مسافرین به عنوان پارامترهای تاثیرگذار در تعیین سرفاصله زمانی قطار در نظر گرفته شده اند. این اطلاعات به صورت مصاحبه با کارشناسان مترو و مصاحبه با شهروندان در بازه زمانی چهار ماهه صورت گرفته است. همچنین داده های سالهای گذشته نیز گردآوری شد و در تحلیل از آنها بهره گرفته شد.

معمولاً بر اساس هدف، پژوهش ها به پژوهش های بنیادی و کاربردی تقسیم می شوند. در اینجا چون هدف اصلی به دست آوردن پیش بینی تردد در یک نمونه کاربردی است و از آنجا که استفاده از تئوری صف و ایجاد تئوری های آن قبلاً در تحقیق بنیادی تولید شده از این نظر تحقیق کاربردی است. در روش تحقیق پس از مطالعه مدل ها و روش های مختلف بهینه سازی هدوی قطار به مدل ها و حمل بار مقایسه و معایب و مزایای آن بیان می گردد. سپس به ساخت مدل با توجه به تئوری صف و

محدودیت ها پرداخته می شود. متغیرها و پارامترهای رضایت مسافر بیان می گردد، سپس به ساخت مدل و اعتبار سنجی و در نهایت سناریوسازی و تحلیل حساسیت صورت می گیرد.

در قسمت ساخت مدل، می توان شرایط مختلفی را در نظر گرفت، برای ساخت برنامه زمان بندی در صورتی که راحتی مسافر کمتر مورد توجه باشد و سود شرکت در اولویت برنامه ریز باشد، برنامه زمانی متفاوتی است؛ سناریو یک برای این منظور است.

در سناریو دو، کاهش زمان تأخیر مسافر در اولویت است، و در کنار آن به راحتی مسافر پرداخته شده است. راحتی هرچند به عوامل مختلفی بستگی دارد، اما برای سادگی فرض، تنها به فضای اشغال پرداخته شده است. زیرا عوامل دیگر چون تهویه، ارائه سرویس های مخصوص مسافر در حیطه این پژوهش نیست. راحتی مسافر در زمانی که مسافر به صورت فشرده و در واگن ازدحام مسافر زیاد است، کاهش می یابد.

در سناریو سه، برنامه زمان بندی به صورت فی مابین دو حالت اول و دوم است. یعنی حالت بهینه ای که هم سود شرکت در نظر گرفته شده است و هم تا حد امکان راحتی مسافر هر سه سناریو سه هدف مختلف دنبال می کنند در نهایت سه برنامه زمان بندی با یکدیگر مقایسه و تحلیل و بررسی می گردد.

در نهایت سه برنامه زمان بندی با یکدیگر مقایسه و تحلیل و بررسی می گردد. برای ارائه جدول زمان بندی و به دست آوردن تاخیرات زمانی مسافران از تئوری صف استفاده شده است. یک سیستم صف را می توان به صورت مسافرانی تعریف کرد که برای سرویس گرفتن وارد سیستم می شوند و اگر سرویس در اختیار نباشد برای آن منتظر می ماند و پس از انجام سرویس سیستم را

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

عددی رابطه پواسون نصف زمان سرویس زمان تاخیر میشود. بنابراین در آرنا و بصورت محاسبه هر دو عدد بست آمد نصف زمان سرفاصله زمانی میشود. شکل ۹ جزئیات پژوهش را نشان میدهد.



شکل ۹. فرایند پژوهش

۵. شناخت مطالعه موردی

متروی تهران به مجموعه قطارهای شهری تهران و همچنین «شرکت راه آهن شهری تهران و حومه» گفته می شود. این قطارها در شش خط اصلی در حال تردد هستند که پنج خط آن ۱-۲-۳-۴-۷ درون شهری و خطوط دیگر ۵-انشعاب خط ۱ نیز برون شهری میان کرج و تهران و فرودگاه امام خمینی (ره) و تهران هستند. تا مرداد ۱۳۹۷، طول خطوط متروی بهره وری برابر ۲۰۴ کیلومتر با ۱۱۶ ایستگاه است و شمار واگن های فعال در مترو تهران بیش از ۱۰۰۰ واگن است که روزانه به طور میانگین بیش از ۳ میلیون مسافر را جابه جا می کنند. مترو تهران به رکورد جابجایی ۴ میلیون مسافر در روز دست یافته است. آذرماه سال ۱۳۹۶، تعداد سفر با متروی تهران از مرز ۷ میلیارد و ۵۸۷ میلیون سفر گذشت و به این ترتیب توانست تا از رکورد جمعیت فعلی دنیا عبور کند.

ترک می کنند. معمولاً در الگو صف در قطار نحوه ورود مسافران به ایستگاه از توزیع پواسون پیروی می کند، از این رو به توضیح این توزیع پرداخته می شود. یک متغیر تصادفی غیر منفی عدد صحیح با احتمالات نقطه ای است.

به همین طریق می توان این توزیع را به عنوان تعداد دفعات وقوع یک واقعه ورود مشتری در یک فاصله زمانی به طول t از یک فرایند پراسون به چگالی تعریف کرد:

$$f(k; \lambda) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \quad (4)$$

بطوریکه؛

e : پایه لگاریتم طبیعی است $e=2,71828$

k : تعداد ظهورهای یک حادثه است که احتمالش با تابع فوق داده شده است.

λ : یک عدد مثبت حقیقی و برابر با امید ریاضی ظهورها در طول بازه داده شده است.

تابع فوق به عنوان تابعی از k یک تابع جرم احتمال است. توزیع پواسون می تواند به عنوان تقریبی از توزیع دو جمله ای در نظر گرفته شود. توزیع پواسون می تواند برای سیستم هایی بکار برده شود که دارای تعداد وقایع بسیار زیاد هستند و احتمال وقوع هر واقعه بسیار کم است.

نرم افزار آرنا یکی از قدرتمندترین نرم افزارهای شبیه سازی و مدل سازی فعالیت ها می باشد. این نرم افزار برای آنالیز تغییرات در زمینه طراحی مجدد سیستم های تولید، خدمات و کامپیوتر به وجود آمده است. نرم افزار آرنا با حداکثر انعطاف پذیری این امکان را فراهم می کند تا در هر درجه مطلوب از لحاظ جزئیات و پیچیدگی ها، مدل سازی را به انجام برساند. نحوه محاسبه هدوی براساس توزیع مسافری در این خط بوده که چه زمانی بیشترین تقاضا بوده است، البته در این خط که ۱۳ ایستگاه دارد هر ایستگاه حجم مسافر خاصی وارد میشود، پس باید توزیع تقاضا در ایستگاه های دیگر را نیز در نظر داشت. علت آنکه زمان تاخیر نصف سرفاصله زمانی و از یک نظم دقیق برخوردار است این است که این اعداد میانگین تاخیر است. و محاسبه ریاضی و

و در سال‌های بعد به تدریج ایستگاه‌های دیگر خط افتتاح شد. برق خط حومه‌ای تهران- گلشهر (خط ۵) از طریق پست برق بنیاد رنگ تأمین می‌شود. در این پست، برق ۲۳۰ کیلو ولت متناوب (AC) به برق ۲۷/۵ کیلو ولت متناوب تبدیل شده و برق مسیر ۴۱ کیلومتری شبکه بالاسری حدفاصل ایستگاه تهران (صادقیه) تا گلشهر و پایانه مهرشهر را تأمین می‌شود. جدول ۳ اطلاعات متروی خط ۵ را نشان می‌دهد.

خط ۵ مترو تهران یک خط برون‌شهری به طول ۴۳ کیلومتر با ۱۱ ایستگاه به عنوان مهم‌ترین وسیله ارتباطی و حمل‌ونقل عمومی شهروندان می‌باشد که روزانه مجموع ۱۵۰۰ هزار سفر را در برمی‌گیرد. این خط ایستگاه تهران (صادقیه) واقع در ضلع جنوب غربی فلکه دوم صادقیه را به ایستگاه گلشهر واقع در گلشهر کرج متصل می‌کند. در سال ۱۳۷۷ ابتدا بین دو ایستگاه تهران (صادقیه) و ایستگاه متروی کرج به بهره‌برداری رسیده بود

جدول ۳. اطلاعات متروی خط ۵ تهران

شماره خط: پنج	تاریخ شروع بهره‌برداری ۱۳۷۷/۳/۱۲ تا مرداد ۱۳۹۷	
تعداد مسافر اذر ماه ۱۳۹۶	۳/۴۰۲/۱۲۵	رشد
تعداد مسافر در ماه قبل	۳/۴۵۳/۸۱۹	۱/۵۰- درصد
تعداد مسافر در ماه مشابه سال قبل	۳/۸۳۶/۷۰۱	۱۱/۳۳- درصد
تعداد مسافر از ابتدای سال ۹۶	۳۰/۰۶۱/۰۳۲	-
تعداد مسافر از ابتدای بهره‌برداری	۶۵۷/۷۹۰/۴۳۵	-
درصد مسافر ماه از کل امسال	۱۱/۳۲	-
متوسط تعداد مسافر به ازای هر قطار	۸۲۴	-
شلوغ‌ترین ایستگاه در ماه	گلشهر	-
شلوغ‌ترین روز در ماه	۱۴ اذر	-
امار مسافر شلوغ‌ترین روز در ماه	۱۵۶/۵۵۰	-
شلوغ‌ترین ساعت (برحسب مسافر)	۷-۸	-
تعداد سفر اذر ۹۶	۵/۳۰۱/۲۸۶	رشد
تعداد سفر در ماه قبل	۵/۳۴۸/۷۳۸	۰/۸۹- درصد
تعداد سفر از ابتدای سال ۹۶	۴۶/۴۳۸/۳۶۰	-
تعداد سفر از ابتدای بهره‌برداری	۹۲۵/۵۹۹/۸۸۰	-
درصد سفر در ماه از کل سال	۱۱/۴۲	-
شلوغ‌ترین روز در ماه بر حسب سفر	۷-۸	-
متوسط ماهیانه تعداد سفر در سال ۱۳۹۶ تا کنون	۳/۳۴۰/۱۱۵	رشد
متوسط ماهیانه تعداد سفر در سال ۹۶ تا کنون	۵/۱۵۹/۸۱۸	رشد

۱-۵ به دست آوردن ظرفیت قطار در هر ساعت بر

اساس هدوی

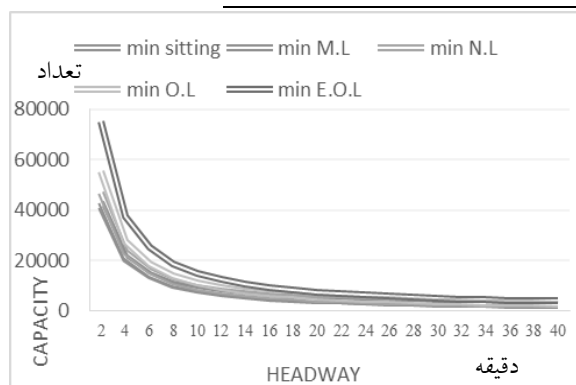
ظرفیت مسافری قطار دو طبقه در حالت‌های مختلف در جدول

۴ نشان داده شده است.

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

جدول ۴. ظرفیت مسافری قطار دو طبقه

ظرفیت مسافر هر قطار (نفر) در ساعت					دقیقه
E.O.L	O.L	N.L	M.L	نشسته	سرفاصله زمانی (هدوی)
۷۵۰۰۰	۵۵۵۰۰	۴۶۸۰۰	۴۳۰۵۰	۴۱۲۸۰	۲
۳۷۵۰۰	۲۷۷۵۰	۲۳۴۰۰	۲۱۵۲۵	۲۰۶۴۰	۴
۲۵۰۰۰	۱۸۵۰۰	۱۵۶۰۰	۱۴۳۵۰	۱۳۷۶۰	۶
۱۸۷۵۰	۱۳۸۷۵	۱۱۷۰۰	۱۰۷۶۳	۱۰۳۲۰	۸
۱۵۰۰۰	۱۱۱۰۰	۹۳۶۰	۸۶۱۰	۸۲۵۶	۱۰
۱۲۵۰۰	۹۲۵۰	۷۸۰۰	۷۱۷۵	۶۸۸۰	۱۲
۱۰۷۱۴	۷۹۲۹	۶۶۸۶	۶۱۵۰	۵۸۹۷	۱۴
۹۳۷۵	۶۹۳۸	۵۸۵۰	۵۳۸۱	۵۱۶۰	۱۶
۸۳۳۳	۶۱۶۷	۵۲۰۰	۴۷۸۳	۴۵۸۷	۱۸
۷۵۰۰	۵۵۵۰	۴۶۸۰	۴۳۰۵	۴۱۲۸	۲۰
۶۸۱۸	۵۰۴۵	۴۲۵۵	۳۹۱۴	۳۷۵۳	۲۲
۶۲۵۰	۴۶۲۵	۳۹۰۰	۳۵۸۸	۳۴۴۰	۲۴
۵۷۶۹	۴۲۶۹	۳۶۰۰	۳۳۱۲	۳۱۷۵	۲۶
۵۳۵۷	۳۹۶۴	۳۳۴۳	۳۰۷۵	۲۹۴۹	۲۸
۵۰۰۰	۳۷۰۰	۳۱۲۰	۲۸۷۰	۲۷۵۲	۳۰
۴۶۸۸	۳۴۶۹	۲۹۲۵	۲۶۹۱	۲۵۸۰	۳۲
۴۴۱۲	۳۲۶۵	۲۷۵۳	۲۵۳۲	۲۴۲۸	۳۴
۴۱۶۷	۳۰۸۳	۲۶۰۰	۲۳۹۲	۲۲۹۳	۳۶
۳۹۴۷	۲۹۲۱	۲۴۶۳	۲۲۶۶	۲۱۷۳	۳۸
۳۷۵۰	۲۷۷۵	۲۳۴۰	۲۱۵۳	۲۰۶۴	۴۰
۲۵۰۰	۱۸۵۰	۱۵۶۰	۱۴۳۵	۱۳۷۶	۶۰



شکل ۱۰. ظرفیت قطار خط ۵ مترو تهران کرج

M. L برابر با ۳ مسافر در مترمربع

N. L برابر با ۵ مسافر در مترمربع

O. L برابر با ۷ مسافر در مترمربع

E. O. L برابر با ۱۰ مسافر در مترمربع

شکل ۱۰ ظرفیت قطار خط ۵ مترو تهران کرج برای حالت های مختلف نشان می دهد. نمودار نشان دهنده یک تابع نمایی برای حالت های مختلف ظرفیت خط ۵ مترو تهران-کرج است.

جدول ۵ میانگین زمان انتظار بر اساس هدوی ها مختلف آورده شده است، در این جدول حجم مسافر برای ۴ حالت حجم تقاضا کم، متوسط، زیاد و بسیار زیاد آمده است.

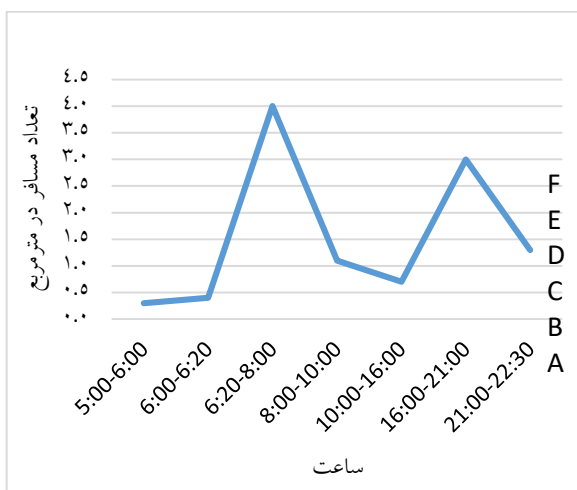
جدول ۵. میانگین زمان انتظار بر اساس هدوی ها مختلف

میانگین زمان انتظار (دقیقه)	تعداد قطار در ساعت	هدوی-دقیقه	
۲	۱۵	۴	کم (۲۰۰۰-۴۰۰۰ مسافر)
۴	۸	۸	
۵	۶	۱۰	
۷	۴	۱۴	
۱۰	۳	۲۰	
۱۵	۲	۳۰	متوسط (۴۰۰۰-۶۰۰۰ مسافر) = ۵۰۰۰
۲	۱۵	۴	
۴	۸	۸	
۵	۶	۱۰	
۷	۴	۱۴	
۱۰	۳	۲۰	زیاد (۶۰۰۰-۸۰۰۰ مسافر) = ۷۰۰۰
۱۵	۲	۳۰	
۲	۱۵	۴	
۴	۸	۸	
۵	۶	۱۰	
۷	۴	۱۴	بسیار زیاد (۸۰۰۰-۱۰۰۰۰ مسافر)
۱۰	۳	۲۰	
۲۵	۲	۳۰	
۲	۱۵	۴	
۴	۸	۸	
۵	۶	۱۰	
۷	۴	۱۴	
۲۵	۳	۲۰	
۴۵	۲	۳۰	

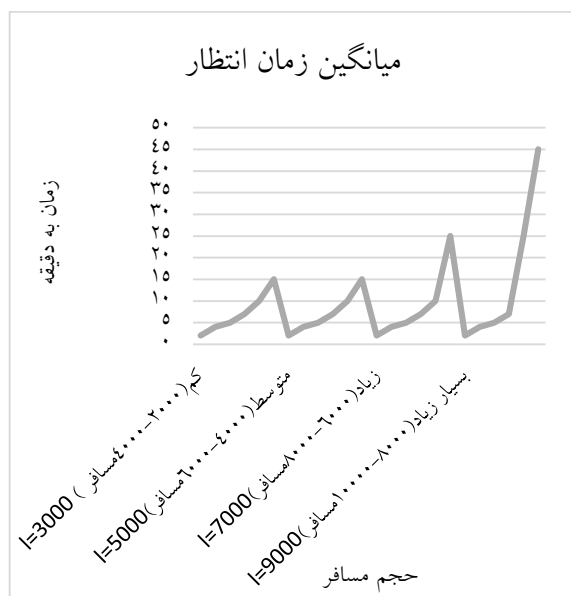
به دست آورد، که زیاد شدن و کاهش هدوی میزان زمان انتظار مسافر افزایش پیدا کرده است.

در جدول ۵ محاسبات با استفاده از نرم افزار آرنا صورت گرفته است. ورود مسافرها طبق فرایند پواسون است اما زمان بین ورود مسافر بر اساس توزیع نمایی است؛ بنابراین با توجه به جدول می توان نمودار زمان انتظار را برای ورودی مسافر با ها مختلف

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)



شکل ۱۲. سطح سرویس در وضع موجود قطار



شکل ۱۱. میانگین زمان انتظار

۶. تحلیل یافته ها

برای ارائه برنامه زمان بندی سه سناریو با سود زیاد برای شرکت، راحتی برای مسافر و ترکیب این دو حالت در جدول ۶ آمده است.

سناریو یک: در این سناریو هدوی بر اساس بیشترین سود شرکت در نظر گرفته شده است در این صورت ظرفیت مسافر در حالت E.O.L در نظر گرفته شده که مسافر احساس راحتی در قطار ندارد و زمان انتظار بیشتر است.

سناریو دو: برای حالت نشسته برای مسافر بازمان انتظار کم در نظر گرفته شده است

سناریو سه: حالت بهینه و بین سناریو یک و دو است.

سطح سرویس ایستگاه ابتدای خط را بصورت زیر با استفاده از نرم افزار ارنا و مقدار صف تشکیل شده در خط برآورد کرد. در شکل ۱۲ در سمت راست نمودار سطح سرویس ها مشخص شده است، در دو قله پیک صبح و بعدظهر سطح سرویس F مشاهده می شود.

جدول ۶. هدوی پیشنهادی برای سناریوهای مختلف

سناریو سه		سناریو دو		سناریو یک		ساعت
میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	
۱۵	۳۰	۱۰	۲۰	۱۵	۳۰	۶-۵
۱۰	۲۰	۵	۱۰	۱۰	۲۰	۶:۲۰-۶
۴	۸	۳	۶	۷	۱۴	۸-۶:۲۰
۵	۱۰	۵	۱۰	۵	۱۰	۱۰-۸
۷	۱۵	۷	۱۵	۷	۲۰	۱۶-۱۰
۵	۱۰	۵	۸	۷	۱۴	۲۱-۱۶

سناریو سه		سناریو دو		سناریو یک	
میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)
۷	۱۵	۷	۱۵	۱۰	۲۰

در جدول ۷ مقایسه سناریو برتر با وضع موجود آمده است که سناریو ها دیگر نیاز به تعداد واگن بیشتر است، که در این صورت تفاوت زیادی بین این دو نیست دلیل آن است که برای اجرای به سود و راحتی بیشتر برای مسافر خواهد بود.

جدول ۷. مقایسه سناریو برتر با وضع موجود

سناریو برتر (۳)		وضع موجود	
میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)	میانگین زمان انتظار (دقیقه)	هدوی (دقیقه)
۱۵	۲۰	۱۵	۳۰ دقیقه
۵	۱۰	۱۰	۲۰ دقیقه
۳	۶	۳/۵	۷ دقیقه
۵	۱۰	۵	۱۰ دقیقه
۷	۱۵	۷/۵	۱۵ دقیقه
۵	۸	۵	۱۰ دقیقه
۷	۱۵	۷/۵	۱۵ دقیقه

می‌کند؛ بنابراین، با یک عدم قطعیت در مقدار ظرفیت روبرو می‌شود.

ورود مسافرها طبق فرایند پواسون است اما زمان بین ورود مسافر بر اساس توزیع نمایی است. وضع موجود ایستگاه ابتدای و انتهای قطار در بیشتر مواقع به ویژه در صبح و بعد ظهر با توجه به صف تشکیل شده و و تعداد تجمع مسافران در ایستگاه در وضعیت F قرار دارد.

۷. جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

شهر کرج تاحدودی یک شهر اقماری برای تهران محسوب می‌گردد به این معنا که مسافران در صبح به تهران می‌آیند که به محل کار خود بروند و شب هنگام یا عصر به خانه خود بر می‌گردند. بنابراین در ایستگاه ابتدایی شهر کرج در صبح تجمع مسافر زیادی است.

از آنجا که ظرفیت قطار به دو صورت استایک و دینامیک است، لذا با عدم قطعیت در ظرفیت روبرو هستیم و ظرفیت واگن

برای به دست آوردن حداقل سرفاصله زمانی با توجه به محدودیت ترمز قطار توجه کرد که این مقدار باید با توجه به حداکثر سرعت مشخص کرد، هرچند شتاب ترمز گیری با توجه به مشخصات شرکت مترو ۰/۸ است اما در عمل به نظر می‌رسد این مقدار حدود ۲۰ درصد کمتر است چنانچه در عمل خط ترمز گیری با سرعت 120 km/h برابر ۸۰۰ متر و با سرعت 140 km/h برابر ۱۲۰۰ متر است.

به دست آوردن ظرفیت قطار در هر ساعت بر اساس هدوی ممکن است که در این حالت باید به حالت نشسته یا ایستاده یا فشرده مسافران در فضای واگن توجه کرد.

ظرفیت قطار در شهر تهران برای حالت نشسته ۱۳۷۶ و در حالت فشرده آن به ۲۵۰۰ نفر در قطار می‌رسد.

در مورد ظرفیت خط یا به عبارت دیگر ظرفیت جابجایی مسافر در ساعت باید به هدوی و سرفاصله زمانی توجه کرد. با کاهش سرفاصله زمانی ظرفیت مسافر در خط در هر ساعت افزایش پیدا

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

زمان تاخیر می شود. بنابراین در آرنا و بصورت محاسبه هردو عدد به دست آمد نصف زمان سرفاصله زمانی شد.

به دست آوردن ظرفیت قطار در هر ساعت بر اساس هدوی باید به حالت نشسته یا ایستاده یا فشرده مسافران در فضای واگن توجه کرد. ظرفیت قطار در شهر تهران برای حالت نشسته ۱۳۷۶ و در حالت فشرده آن به ۲۵۰۰ نفر در قطار می رسد. در مورد ظرفیت خط یا به عبارت دیگر ظرفیت جابجایی مسافر در ساعت باید به هدوی و سرفاصله زمانی توجه کرد. با کاهش سرفاصله زمانی ظرفیت مسافر در خط در هر ساعت افزایش پیدا می کند؛ بنابراین، با یک عدم قطعیت در مقدار ظرفیت روبرو می شود. ورود مسافرها طبق فرایند پواسون است اما زمان بین ورود مسافر بر اساس توزیع نمایی است.

وضع موجود ایستگاه ابتدای و انتهای قطار در بیشتر مواقع به ویژه در صبح و بعد ظهر با توجه به صف تشکیل شده و تعداد تجمع مسافران در ایستگاه در وضعیت F قرار دارد. عدم قطعیت فقط، مربوط به ظرفیت قطار نمی گردد و تاخیرات فنی ایجاد شده در سیستم نیز باعث ایجاد عدم قطعیت می گردد که می تواند مورد بررسی قرار گیرد. از مهم ترین منافع زیست محیطی سیستم حمل و نقل مترو کاستن از تعداد سفر به وسیله اتومبیل شخصی است، زیرا برای عبور ۱۰ هزار نفر در دو جهت حدودا نیاز به ۵ هزار اتومبیل شخصی می باشد. در همین ارتباط با انتقال هر واحد حمل از بخش جاده ای به مترو، مبلغ ۵/۲۲ میلیون دلار منافع ملی در بر خواهد داشت. همچنین طبق آمار موجود، بخش عمده سوانح کشور مربوط به حمل و نقل جاده ای بوده و به طور متوسط هر سی دقیقه یک نفر کشته و در هر ۵ دقیقه یک نفر مجروح می شود، در حالی که تعداد کشتگان در هر یک میلیارد نفر مسافر از طریق جاده های ریلی نزدیک به ۷ نفر و به عبارتی یک هفدهم جاده است که این نشانگر ایمنی بیشتر در جاده های ریلی می باشد. این مطالعه برای خط ۵ مترو صورت گرفت، می توان آن را به جامعه و نمونه آماری دیگری نیز تعمیم داد. هرچه میزان رضایت مسافران بیشتر گردد و مدیریت زمان بندی قطار صورت

در حالت ایستاده معمولا متغیر و پویا است، بنابراین سه سناریو نسب به ظرفیت و سود شرکت و راحتی مسافر بدیهی به نظر رسید که مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت.

برای ارائه برنامه زمان بندی سه سناریو در نظر گرفته شد، سناریو یک: در این سناریو هدوی بر اساس بیشترین سود شرکت در نظر گرفته شده است؛ در این صورت ظرفیت مسافر در حالت E.O.L در نظر گرفته شده که مسافر احساس راحتی در قطار ندارد و زمان انتظار بیشتر است. سناریو دو، برای حالت نشسته برای مسافر با زمان انتظار کم در نظر گرفته شده است. سناریو سه، حالت بهینه و بین سناریو یک و دو است.

در سناریو یک زمان انتظار بین در ساعت ۶:۲۰-۸ برابر ۷ دقیقه است، در سناریو دو، زمان انتظار بین ۳ دقیقه است و در سناریو سه زمان انتظار بین ۴ دقیقه است اما در زمان اوج یعنی بین ساعت ۸-۱۰ صبح برای همه سناریو زمان انتظار ۵ دقیقه است زیرا در آن ساعت باید قطار با حداکثر ظرفیت خود کار کند. بنابراین به نظر می رسد سناریو سه، سناریو برتر باشد.

در دو قله بیک صبح و بعد ظهر سطح سرویس F وجود دارد که قله صبح تیز تر است که به دلیل آن است که حجم تعداد مسافر زیادی در بازه ای کوتاه تری قصد جابجایی دارند. در ساعات دیگر سطح سرویس از E به سمت A می رود معمولا در ساعت ۵ صبح تعداد جمعیت کمی وارد مترو می شوند و خلوت ترین زمان است بنابراین هدوی در این زمان طولانی تر خواهد بود.

در این پژوهش سه سناریو گفته شد در نرم افزار آرنا محاسبه و زمان تاخیرها ان با توجه به هدوی اعزامی محاسبه گردید. نحوه محاسبه هدوی بر اساس توزیع مسافران در این خط بوده که چه زمانی بیشترین تقاضا بوده است، البته در این خط که ۱۳ ایستگاه دارد هر ایستگاه حجم مسافر خاصی وارد می شود، پس باید توزیع تقاضا در ایستگاه های دیگر را نیز در نظر داشت. علت آنکه زمان تاخیر نصف سرفاصله زمانی و از یک نظم دقیق برخوردار است این است که این اعداد میانگین تاخیر است. و محاسبه ریاضی و عددی رابطه پواسون نصف زمان سرویس

- Linovski, O. (2019). Shifting agendas: Private consultants and public planning policy. *Urban Affairs Review*, 55(6), 1666-1701.

- Mees, A. I. (1991). Railway scheduling by network optimization. *Mathematical and Computer Modelling*, 15(1), 33-42.

- Melander, L., & Tell, F. (2014). Uncertainty in collaborative NPD: Effects on the selection of technology and supplier. *Journal of Engineering and Technology Management*, 31, 103-119.

- Mills, R. G. J., & Perkins, S. E. (1991). Nonlinear programming applied to the dynamic rescheduling of trains. *Recent Developments in Mathematical Programming*, 345.

- Miwa, M., & Oyama, T. (2018). An optimal track maintenance scheduling model analysis taking the risk of accidents into consideration. *International Transactions in Operational Research*, 25(5), 1465-1490.

- Schneider, S. H., & Kuntz-Duriseti, K. (2002). Uncertainty and climate change policy. *Climate change policy: a survey*, 53-87.

- Vansteenwegen, P., & Van Oudheusden, D. (2007). Decreasing the passenger waiting time for an intercity rail network. *Transportation Research Part B: Methodological*, 41(4), 478-492.

گیرد، جامعه به سمت مدیریت یکپارچه شهری حرکت میکند و میتوان به توسعه پایدار و حمل و نقل پایدار رسید تا کیفیت زندگی در شهر بهبود یابد.

۸ مراجع

- نایی، ح، کیانفر، ف، ساجدی نژاد، الف، (۱۳۹۲)، زمانبندی حرکت قطارها با هدف بهره‌برداری بهینه از مسیرهای ریلی دوخطه، مهندسی حمل و نقل، سال ششم، شماره ۲.

- نایی، ح، مردانی، س، حسینی، ر، (۱۳۹۶)، زمانبندی حرکت قطارهای مسافربری با رویکرد بهینه‌سازی بر پایه شبیه‌سازی گسسته-پیشامد، پژوهشنامه حمل و نقل، شماره ۵۲.

- Adenso-Díaz, B., González, M. O., & González-Torre, P. (1999). On-line timetable re-scheduling in regional train services. *Transportation Research Part B: Methodological*, 33(6), 387-398.

- Araya, S., Abe, K., & Fukumori, K. (1983, December). An optimal rescheduling for online train traffic control in disturbed situations. In *The 22nd IEEE Conference on Decision and Control* (pp. 489-494). IEEE.

- Assad, A. A. (1980). Models for rail transportation. *Transportation Research Part A: General*, 14(3), 205-220.

- Balakina, E. P., Baranov, L. A., & Sidorenko, V. G. (2014). Automation of Business Processes of the Trains Movement Control on Moscow Underground.

- Caprara, A., Fischetti, M., & Toth, P. (2002). Modeling and solving the train-timetabling problem. *Operations research*, 50(5), 851-861.

- Edthofer, A., Bicher, M., & Breitenecker, F. (2020). Train Schedule Analysis and Optimization with the Max-Plus Automaton.

ارائه برنامه زمان بندی قطار بر اساس عدم قطعیت های موجود (مطالعه موردی: خط ۵ متروی تهران)

میلاذ نظری کارشناس ارشد راه و ترابری دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات می باشد.
زمینه های پژوهشی مورد علاقه: مسیرهای ریلی (درون شهری)



دکتر علی عبدی استاد دانشگاه بین المللی امام خمینی می باشد.
عضو هیئت علمی با مرتبه دانشیار در دانشگاه بین المللی امام خمینی (ره)
زمینه های پژوهشی مورد علاقه: طراحی مسیر راه، مسیرهای ریلی (درون شهری و مترو)، طرح فرودگاه



دکتر حسن ذوقی استاد دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج می باشد.
استادیار عمران راه و ترابری دانشگاه آزاد اسلامی واحد کرج
عضو هیات مدیره سازمان نظام مهندسی ساختمان استان البرز

