



## ۱. مقدمه

یکی از نشانه‌های توسعه‌یافتگی کشورها گسترش ارتباطات و زیرساخت‌های حمل‌ونقل است. افزایش جمعیت منجر به افزایش تقاضا برای حمل‌ونقل خواهد شد. افزایش تقاضا برای حمل و نقل سبب ایجاد هزینه‌هایی می‌شود. این هزینه‌ها تنها شامل هزینه‌های مستقیم مانند ایجاد زیرساخت‌ها نبوده و هزینه‌هایی مانند اتلاف وقت، آلودگی‌های زیست محیطی و تصادفات ترافیکی و غیره را نیز شامل می‌شود. با توجه به اهمیت سلامت و جان افراد، مقوله ایمنی ترافیک اهمیت فراوانی دارد و در این راستا شناسایی عوامل تاثیر گذار بر تصادفات جاده‌ای دارای اهمیت بسیاری است. روش‌های مختلفی در تحلیل تصادفات به منظور شناسایی عوامل تاثیر گذار بر تصادفات جاده‌ای مورد استفاده قرار گرفته‌اند. هدف اولیه این تحقیق، تحلیل تصادفات با استفاده از مدل‌های اقتصادسنجی فضایی<sup>۱</sup> بخصوص مدل‌های مناسب برای داده‌های مقطع عرضی<sup>۲</sup> است. اصولاً مدل‌های اقتصادسنجی که برای تحلیل فراوانی تصادفات بکار می‌روند، با مدل‌هایی که به منظور تحلیل شدت تصادفات استفاده می‌شوند، تفاوت دارند. مدل‌هایی که برای تحلیل فراوانی تصادفات بکار می‌روند به دنبال ایجاد رابطه‌ای بین تصادفات و عوامل مرتبط در یک بخش معین و در یک دوره زمانی معین هستند و مدل‌هایی که برای تحلیل شدت تصادفات استفاده می‌شوند معمولاً به دنبال ایجاد رابطه‌ای بین سطوح مختلف شدت (فوتی، جرحی، خسارتی) و ویژگی‌های تصادفات هستند. هر دو مدل‌های فراوانی و شدت تصادفات می‌توانند برای ایجاد رابطه‌ای بین تصادفات و عوامل مرتبط با آن بکار گرفته شوند و در واقع می‌توان از آنها به عنوان مدل‌های پیش‌بینی تصادفات نام برد که کاربردهای گسترده‌ای در کاهش فراوانی و شدت تصادفات بوقوع پیوسته دارند.

تحقیقات انجام شده در حوزه علم ترافیک و حمل‌ونقل به طور گسترده‌ای بر پایه داده‌های نمونه‌ای استوار است. مدل‌های آماری به طور سنتی بر ایجاد رابطه بین برخی متغیرهای وابسته با تعدادی از متغیرهای تبیینی متمرکز هستند. این مدل‌ها وابستگی فضایی را در محاسبات خود در نظر نمی‌گیرند. برای مثال مدل پیش‌بینی

فراوانی تصادفات در تقاطعات چراغ دار، ممکن است شامل مشاهداتی از یک ناحیه معین جغرافیایی باشد، ولی به موقعیت تصادفات حساسیتی ندارد. مثلاً اگر یک سری از تقاطعات چراغدار در یک مسیر، فراوانی تصادفات زیادی داشته باشند، مدل‌های معمول آماری مانند مدل دوجمله‌ای منفی<sup>۳</sup> اثر نزدیک بودن دو تقاطع خاص به یکدیگر را در نظر نمی‌گیرند، در حالی که این رابطه‌های فضایی می‌توانند مهم باشند. در صورتی که یک تقاطع در پایین دست تقاطع دیگر قرار داشته باشد، هر اتفاقی که در بالا دست رخ دهد، می‌تواند در پایین دست تأثیرگذار باشد. به عبارت دیگر ممکن است اثرات سرریز فضایی<sup>۴</sup> وجود داشته باشد [Mills and Fricker, 2011]. در واقع زمانی که داده‌ها دارای جزء مکانی هستند، از آنجا که ممکن است وابستگی فضایی بین مشاهدات وجود داشته باشد، بکارگیری شیوه‌های مرسوم که این وابستگی را در نظر نمی‌گیرند چندان مناسب نیست. به عبارتی در مواجهه با مشاهدات و داده‌های مکانی، دو ویژگی وابستگی فضایی<sup>۵</sup> و ناهمسانی فضایی<sup>۶</sup> مورد توجه قرار خواهند گرفت [Lesage, 1998]. به عبارت بهتر، وابستگی فضایی بین مشاهدات وجود خواهد داشت و ناهمسانی فضایی در روابطی که مدلسازی می‌شوند، به وجود خواهد آمد. در واقع در صورتی که در اقتصادسنجی مرسوم، وابستگی فضایی و ناهمسانی فضایی مورد توجه قرار گیرد، فرض‌های گاس-مارکوف نقض خواهد شد. در قضیه گاس-مارکوف فرض می‌شود که متغیرهای مستقل در نمونه‌گیری‌های تکراری ثابت هستند که این فرض وابستگی فضایی بین نمونه‌ها را نقض می‌کند. همچنین ناهمسانی فضایی، فرض گاس-مارکوف در مورد وجود رابطه خطی مشخص بین مشاهدات نمونه‌ای را نقض می‌کند زیرا با فرض وجود وابستگی فضایی بین داده‌ها با حرکت بین داده‌های فضای نمونه رابطه تغییر خواهد کرد و ضرایب، تابع خطی بر حسب متغیر وابسته نخواهند بود، از این رو روش‌های اقتصادسنجی مرسوم کاربرد نخواهند داشت و استفاده از روش‌های اقتصادسنجی فضایی ضرورت می‌یابد [Asgari and Akbari, 2001].

## ۱-۲ مطالعات انجام شده در سطح قطعات راه

در مطالعات مقطع عرضی از روشهای مختلفی جهت تقسیم شبکه راه به قطعات کوچکتر، استفاده می‌شود. اساساً دو روش در مطالعات موجود مورد استفاده قرار گرفته است: استفاده از قطعات با طول یکسان و قطعات با طول متغیر. روش دوم به منظور استفاده از قطعات همگن با مشخصات هندسی یکسان است، برای مثال، راه‌ها با عرض شانه یکسان می‌توانند به عنوان یک قطعه در نظر گرفته شوند. شانکر و همکاران (۱۹۹۵) مزایا و معایب این دو روش را مورد بحث قرار دادند و نتیجه گرفتند که استفاده از قطعات با طول یکسان بهتر است [Shankar et al. 1995]. با این حال برخی محققان از قطعات همگن در مطالعات خود استفاده کردند. لیو (۲۰۰۷) از قطعه بندی راه به کمک تقاطع‌ها استفاده کرد [Liu and Jarrett, 2007]. لیو قطعات راه و تقاطع‌ها را بر پایه داده‌ها و مدل‌های مختلف، تحلیل و مقایسه کرد و نتیجه گرفت برای قطعات راه یکسان مدل‌هایی که اثرات وابستگی فضایی را بین قطعات همسایه در نظر می‌گیرند، بهتر برازش می‌شوند. در مطالعه لیو برخی از متغیرهای تبیینی مانند مشخصات هندسی راه در نظر گرفته نشد. در برخی موارد مانند مطالعه ایوان در سال ۲۰۰۰، از تحلیل قطعات با طول ثابت استفاده شده است، ویژگی مطالعه او این بود که هر قطعه دارای ویژگی‌های مقطع عرضی همگن بود (در تمام قطعات عرض خط و شانه یکسان بودند) [Ivan, Wang and Bernardo, 2000]. با این حال این فرض نمی‌تواند برای راه‌های طولانی و یا مدلی شامل چندین راه مختلف، مورد استفاده قرار گیرد. به طور خلاصه تصادفات در بسیاری از مطالعات مبتنی بر قطعات راه مورد تحلیل قرار گرفته اند که بسیاری از این مطالعات در آزاد راه‌ها و با طول قطعات یکسان انجام شده است.

## ۲-۲ مروری بر مدل‌های مورد استفاده در مطالعات قبلی

### و محدودیت‌های آنها

مدل کردن فراوانی تصادفات با متغیرهای تبیینی مختلف، تاریخچه طولانی در مطالعات گذشته دارد. از آنجا که فهم و کاربرد مدل‌های رگرسیون خطی آسان است، مدل‌های ابتدایی پیش بینی تصادفات

سوالات اصلی این تحقیق عبارتند از:

آیا استفاده از مدل اتورگرسیون فضایی سبب افزایش کارایی مدل‌های مورد استفاده در تصادفات خواهد شد؟  
با توجه به ملاک‌های ارزیابی مدل، از بین مدل‌های فضایی و مدل رگرسیون خطی کدام مدل بهتر است؟  
مطابق معیار RMSE کدام مدل پیش‌بینی دقیق‌تری از نرخ تصادفات ارائه خواهد کرد؟

## ۲. پیشینه تحقیق

تحلیل در سطح میانی مدیریت ایمنی به رابطه بین تعداد تصادفات مرتبط با قطعات راه و ویژگی‌های مختلف آن (عوامل مؤثر در وقوع تصادفات) در این قطعات می‌پردازد [PIARC, 2004]. عواملی که معمولاً در تحلیل قطعات راه استفاده می‌شوند عبارتند از ویژگی‌های افراد درگیر در تصادفات (برای مثال سن، جنس، سطح تحصیلات، وضعیت تاهل و غیره)، طرح هندسی قطعات (برای مثال تعداد خطوط، قوسهای افقی و قائم، درصد شیب و غیره)، ویژگی‌های ترافیکی (برای مثال جریان ترافیک، سرعت) و شرایط روسازی راه (برای مثال ناهمواری). معمولاً این داده‌ها در سطح قطعات راه جمع‌آوری و سپس با استفاده از مدل آماری مناسب مانند مدل پواسون و یا مدل گاما-پواسون (معروف به NB) تحلیل می‌شوند. مطالعات بسیاری در مورد مدل‌های تصادفات بر پایه تحلیل در سطح قطعات راه انجام شده است [Šenk, Ambros, Pokorný, and Striegler, 2012]. بسیاری از این مطالعات مانند مطالعه آناستاسپولوس در سال ۲۰۱۲ روی آزادراه‌ها انجام شده است [Anastasopoulos, 2012]. انواع دیگر مطالعات راه شامل مطالعات راه‌های بین ایالتی مانند مطالعه‌ای که شانکار و همکاران در سال ۱۹۹۵ انجام دادند [Shankar, Mannering and Barfield, 1995] و یا راه‌های ایالتی مانند مطالعه‌ای که عبدل و آتی در سال ۲۰۰۰ انجام دادند [Abdel-Aty and Radwan, 2000] و برخی مطالعات دیگر هستند.

پیشنهاد شدند و در تحلیل تصادفات بکار رفتند [Noland and Quddus, 2004].

اگرچه بکار بردن مدل‌های دوجمله‌ای منفی در مطالعات تصادفات به سرعت در بین محققان ایمنی گسترش یافته، برخی قیود و محدودیت‌ها در این مدل‌ها وجود دارند. برای مثال داده‌های مقطع عرضی مانند تصادفات، به موقعیتشان در طول راه وابسته هستند و زمانی که داده‌ها بعد مکانی می‌یابند، دو مشکل اساسی ایجاد می‌شود [Lesage, 1998]:

۱- وجود وابستگی فضایی بین مشاهدات،

۲- وقوع ناهمسانی فضایی در رابطه بین اجزایی که مدل شده‌اند. با توجه به مشکلات بیان شده در مطالعات قبلی، در نظر گرفتن اثر وابستگی فضایی در مدل کردن تصادفات، ضروری به نظر می‌رسد.

## ۲-۳ مروری بر مطالعات انجام شده در رابطه با اقتصادسنجی فضایی و مدل‌های پیش‌بینی

در سال ۱۹۸۸ پروفیسور انسلین، برای نخستین بار تصویر جامعی از واقعیت‌های اقتصادسنجی فضایی ارائه نمود. وی بیان کرد که این مدل‌ها دارای قابلیت و کاربرد بهتری نسبت به اقتصادسنجی مرسوم، در مطالعات منطقه‌ای و مکانی است و قادر است در مواجهه با داده‌ها و مشاهدات مکانی و منطقه‌ای مانند مطالعات بازرگانی، تجاری، جمعیتی و غیره جایگزین مدل‌های اقتصادسنجی مرسوم شود [Anselin, 1988].

مدل‌های اقتصادسنجی از معیاری کمی برای ایجاد رابطه‌های فضایی در ناحیه‌ای معین استفاده می‌کنند که در مقالات و مطالعات به ماتریس وزن شناخته می‌شود. انواع مختلف مدل‌های اقتصادسنجی فضایی وجود دارند که در مطالعات مختلف بکار رفته است، که از آن جمله می‌توان به استفاده از مدل‌های اقتصادسنجی فضایی در تعیین رشد منطقه‌ای در بریتانیا [Clewley and Soto-treviño, 2007]، ارزش زمین و میزان توسعه با ارزیابی املاک و مستغلات اشاره کرد. [Krause and Bitter, 2012]، الگوهای فضایی تغییرات جمعیت فیلها [Frank and Maurseth, 2006]، اثرات

از نوع رگرسیون خطی بودند [Miaou and Lum, 1993]. باید اشاره کرد که این نوع از مدل‌ها برای داده‌های پیوسته مناسب هستند. تعداد تصادفات عموماً یک داده قابل شمارش است که خواص منحصر به فرد زیادی مانند تصادفی بودن، گسسته بودن و نامنفی بودن دارد از اینرو محققان دریافتند که مدل رگرسیون خطی برای داده‌های شمارشی مثل تصادفات مناسب نیست. مدل‌های اقتصادسنجی برای داده‌های شمارش پذیر از مدتها قبل مورد استفاده قرار می‌گرفت، کاربردهای ابتدایی آن به سال ۱۸۹۰ برمی‌گردد، ولی تا ۱۹۹۰ در تحلیل تصادفات مورد استفاده قرار نگرفت [Cameron and Trivedi, 1998]. داده‌های شمارش پذیر مانند تعداد تصادفات معمولاً با توزیع پواسون مدل می‌شدند [Miaou and Lum, 1993]. به همین ترتیب مدل‌های رگرسیونی به منظور ایجاد رابطه آماری بین تصادفات راه و عوامل مختلف مرتبط با وقوع تصادفات بکار می‌رفت. مدل رگرسیون پواسون دارای محدودیتهایی است. یکی از این محدودیتها، فرض برابر بودن میانگین با انحراف معیار است. اگر این فرض حاکم نباشد، خطاهای استاندارد منجر به نتایج اریب و نتیجه گیری اشتباه می‌شوند [Shankar et al. 1995]. داده‌های تصادفات به طور محسوسی پراکنده هستند (یعنی واریانس خیلی بزرگتر از میانگین است [Shankar et al. 1995]). به منظور حل مشکل پراکندگی داده‌های تصادفات مدل دو جمله‌ای منفی (مدل گاما- پواسون) پیشنهاد گردید [Abdel-Aty and Radwan, 2000].

پیشرفتهای شگرفی در توسعه و استفاده از روش دو جمله‌ای منفی در تصادفات راه به وجود آمده است. مدل‌های پواسون/ دو جمله‌ای منفی اغلب در راستای توضیح بهتر ویژگی‌های مرتبط با داده‌های تصادفات بهبود یافته‌اند. استفاده از این مدل‌ها (پواسون یا دو جمله‌ای منفی) در مورد داده‌های مقطع عرضی سری زمانی مناسب نیست، زیرا در این مدل‌ها فرض می‌شود، مشاهدات مستقل از یکدیگرند. این موضوع بخصوص در مورد داده‌های پانلی<sup>۷</sup> بروز می‌نماید که چندین مشاهده برای یک ناحیه در طول زمان وجود دارد. در نتیجه برای رفع این مشکل در داده‌های پانلی هر دو مدل با اثرات ثابت یا تصادفی پواسون/ دو جمله‌ای منفی

پایه تحلیل مقطع عرضی / داده پانلی یا تحلیل قبل و بعد باشد، مدل های پیش بینی باید برآوردهای درستی در هر دو نوع مطالعه داشته باشد. این تحقیق بر پایه تحلیل مقطع عرضی یا داده های پانلی است که برای شناسایی عوامل مؤثر در وقوع تصادفات راه مفید است. یکی دیگر از کاربردهای مهم مدل های پیش بینی تصادفات، رتبه بندی راه است که با هدف شناسایی نواحی خطرناک که مشکلات ایمنی دارند بکار می رود. رتبه بندی راه را غربالگری شبکه نیز می نامند [Persaud, Lan, Lyon and Bhim, 2010]. نواحی که به صورت بالقوه نیاز به افزایش ایمنی دارند را در مقالات نقاط سیاه، نقاط داغ و یا نواحی در انتظار می نامند [Huang et al. 2009]. بعد از شناسایی نقاط سیاه تصادفات، اقدامات مهندسی ضروری با توجه به محدودیت بودجه اعمال می شوند. این امر سبب افزایش ایمنی و اطمینان از ثمربخش بودن و بهره وری منابع تخصیص یافته می شود. چندین روش رتبه بندی راه وجود دارد که می توان آنها را به دو بخش روش رتبه بندی واقعی و روش رتبه بندی براساس مدل تقسیم نمود. روش رتبه بندی واقعی روش ساده ای است که از داده تصادفات مشاهده شده به طور خالص استفاده می کند، برای مثال رتبه بندی راه به ترتیب نزولی فراوانی تصادفات یا نرخ با استفاده از داده های تصادفات مشاهده شده، اگرچه روش رتبه بندی واقعی نسبتاً آسان است، ولی این روش دارای محدودیتهایی است و نتایج به دست آمده از این روش به طور قابل توجهی اریب هستند [Elvik, 2007]. از آنجا که تصادفات پدیده هایی وابسته به علتشان هستند و با توجه به عدم دقت کافی در علت وقوع آنها، این پدیده را با مدل های تصادفی می توان تحلیل نمود، مشاهده تصادفات برای محل مورد مطالعه در دوره ی زمانی کوتاه ممکن است مشکلات ایمنی را آشکار نکند. به عبارت دیگر نواحی با فراوانی یا نرخ تصادفات زیاد ممکن است به دلیل تغییرات آماری و نه مشکلات ایمنی باشد [Persaud and Lyon, 2007]. در مطالعه تصادفات، مشاهدات برای سه تا پنج سال جمع آوری می گردد [PIARC, 2004].

زیرساختهای حمل و نقل بر ارزش املاک [Cohen and Paul, 2007]، الگوهای فضایی نتیجه انتخابات در پرتقال [Caleiro and Guerreiro, 2005] و عوامل تأثیرگذار در تبدیل نواحی روستایی به شهری اشاره کرد [Huang, Chin, and Haque, 2009]. مدل های شدت تصادفات می تواند برای شناسایی عوامل مؤثر بر شدت تصادفات بکار روند و برای بهبود اقدامات لازم به منظور کاهش شدت تصادفات مفید باشند و مدل های فراوانی تصادفات در شناسایی عوامل ریسک تأثیرگذار بر فراوانی تصادفات اثر گذار هستند، به عبارت دیگر به منظور ارزیابی اثر اقدامات ایمنی انجام شده بر راه از این مدلها استفاده می شود.

دو رویکرد برای این عملکرد وجود دارد:

۱- تحلیل مقطع عرضی یا داده های پانلی که عوامل ریسک می توانند به عنوان متغیرهای تبیینی در مدل در نظر گرفته شوند،  
۲- مطالعات قبل و بعد که از روشهای تجربی یا بیزی کامل جهت ارزیابی اثر اقدام مشخص ایمنی انجام شده استفاده می کنند [Park, 2009]. تحلیل مقطع عرضی یا داده های پانلی در مطالعات قبلی مانند مطالعه نولند در سال ۲۰۰۵ مورد استفاده قرار گرفته است [Noland and Quddus, 2005]. مطالعات قبل و بعد، اغلب به منظور ارزیابی عملکرد در محل مورد مطالعه قبل و بعد از انجام اقدامات ایمنی بکار می رود. روشهای بیز تجربی مدتهاست که با موفقیت در مطالعات قبل و بعد بکار می روند [Persaud and Lyon, 2007]. اخیراً مطالعه ای توسط عزیززی در مورد اثرات ایمنی قبل و بعد از ایجاد دوربرگردان با رویکرد بیز تجربی انجام شده است [Azizi and Sheikholeslami, 2013]. استفاده از تحلیل مقطع عرضی / داده های پانلی یا تحلیل قبل و بعد کاملاً به نوع مطالعه و طبیعت داده ها بستگی دارد. در مطالعات قبل و بعد، عوامل ریسک (مثل چراغدار کردن تقاطع ها) اغلب شناخته شده است و اطلاعات حاصل از اعمال یک اقدام ایمنی در راستای بهبود ایمنی (مثل نصب چراغ های ترافیکی یا ایجاد یک دور برگردان) در دسترس است، بنابراین اثر این اقدامات، در محل می تواند ارزیابی شود. جدا از اینکه یک مطالعه بر

### ۳. روش تحقیق

وجود دارد که می‌توان ماتریس وزن بر پایه مجاورت، ماتریس وزن بر مبنای فاصله و نزدیک‌ترین  $k$  همسایه را نام برد. در این تحقیق از ماتریس وزن بر پایه مجاورت استفاده می‌شود. مطابق تعریف، دو قطعه با یکدیگر همسایه‌اند اگر مرز مشترکی داشته باشند. باید توجه داشت که درایه‌های قطر اصلی در ماتریس وزن مجاورت، مقادیر صفر را به خود اختصاص می‌دهند. در مدل‌های اقتصادسنجی فرض می‌شود، هر بخش فضایی با خود همسایه نیست. تبعیت نکردن از این فرض منجر به نتایجی می‌شود که به طور قابل توجهی پیچیده بوده و به راحتی قابل تفسیر نیستند. سرریز فضایی تنها بر یک همسایه ناحیه مورد مطالعه تأثیر نمی‌گذارد، بلکه بر همسایه‌های همسایه هم تأثیرگذار است و این زنجیره ادامه می‌یابد تا اثرات سرریز به محدوده ناحیه مورد مطالعه برسد. همسایگی‌های مرتبه اول نزدیک‌ترین همسایه‌ها به بخش فضایی مورد نظر هستند. همسایگی‌های مرتبه دوم همسایه‌های، همسایگی‌های مرتبه اول است. همسایگی‌های مرتبه سوم همسایگی‌های، همسایگی‌های مرتبه دوم هستند [LeSage, 2009]. با این حال در این تحقیق تنها اثرات همسایگی مرتبه اول در نظر گرفته خواهد شد. در صورتی که تنها پنج قطعه موجود باشد، ماتریس وزن به صورت شکل (۱) خواهد بود که در آن قطعاتی که با یکدیگر مجاور هستند با درایه یک و قطعاتی که مجاور نیستند، با درایه صفر نشان داده شده است. مطابق آنچه بیان گردید درایه‌های قطر اصلی صفر هستند یعنی هر قطعه با خودش همسایه نیست.

۰	۱	۰	۰	۰
۱	۰	۱	۰	۰
۰	۱	۰	۱	۰
۰	۰	۱	۰	۱
۰	۰	۰	۱	۰

شکل ۱. ماتریس وزن برای یک راه فرضی با ۵ قطعه

مراحل انجام این تحقیق به طور خلاصه در شکل (۲) ارائه شده است. در مرحله اول پس از به دست آوردن اطلاعات تصادفات در طول راه، با تقسیم آزاد راه به قطعات با طول یکسان، هر تصادف به قطعه مورد نظر تخصیص داده خواهد شد. در مرحله دوم با توجه

هدف این تحقیق استفاده از مدل‌های اقتصادسنجی فضایی در پیش‌بینی نرخ تصادفات است. متغیرهای سن، جنسیت، سطح تحصیلات رانندگان مقصد در تصادفات به عنوان متغیرهای تبیینی و نرخ تصادفات در قطعات راه به عنوان متغیر وابسته در نظر گرفته شد. با این حال از آنجا که تعداد رانندگان زن مقصد در تصادفات بسیار کم بود، بکار بردن این متغیر مستقل تأثیری در ارائه نتایج رگرسیون نداشت. همچنین رابطه معنی داری بین سن و نرخ تصادفات به دست نیامد و تنها رابطه معنی دار، سطح تحصیلات بود که مقدار  $p$ -value در جدول (۱) ارائه می‌گردد. نرخ تصادفات اشاره شده در رابطه (۲) پارامترهای طول قطعات، تعداد تصادفات در هر قطعه، تعداد سال مورد بررسی و متوسط سالانه ترافیک روزانه را در محاسبات لحاظ می‌نماید.

### ۳-۱ مدل اتورگرسیو فضایی در پیش‌بینی نرخ تصادفات

ساده‌ترین شکل مدل اتورگرسیو فضایی، مدل اتورگرسیو فضایی ساده است که در رابطه (۱) نشان داده شده است.

$$y = \rho w y + \varepsilon \quad (1)$$

که در آن:

$y$  = نشان‌دهنده نرخ تصادفات است که مطابق رابطه (۲) تعریف می‌گردد،  $w$  = نشان دهنده ماتریس وزن فضایی است که در ادامه تعریف می‌گردد،  $\rho$  = نشان دهنده پارامتر تأخیر فضایی (یا اتورگرسیو فضایی) و  $\varepsilon$  = نشان دهنده بردار توزیع نرمال باقی‌مانده‌ها است.

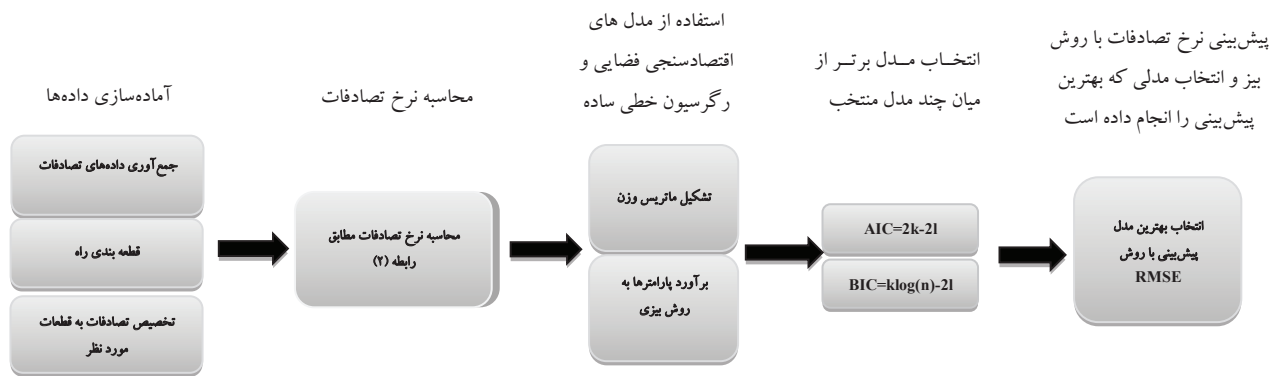
$$y = R = \frac{F_i * 10^6}{365.25 * L_i * N * AADT} \quad (2)$$

که در آن:

$R$  = نرخ تصادفات،  $F_i$  = فراوانی تصادفات در قطعه مورد نظر،  $L_i$  = طول قطعه مورد نظر،  $N$  = تعداد سال مورد مطالعه و  $AADT$  = میانگین سالانه ترافیک روزانه است

پارامتر  $w$  که در رابطه (۱) به آن اشاره گردید، بیانگر ماتریس وزن فضایی بوده که وظیفه آن ایجاد وابستگی بین قطعات راه است. روش‌های مختلفی برای تعیین وابستگی بین قطعات

## استفاده از مدل های اقتصادسنجی فضایی در پیش بینی نرخ تصادفات راه



شکل ۲. مراحل انجام تحقیق

مدل تاخیر فضایی: مطابق رابطه (۵) مفهوم اثرات مرتبه دوم، مرتبه سوم و مراتب بالاتر می تواند به بهترین شکل، از طریق مدل تأخیر فضایی نشان داده شود. این مدل به شکل رابطه (۵) است.

$$\begin{cases} y = \rho wy + x\beta + \varepsilon \\ \varepsilon \sim N(0, \sigma^2) \end{cases} \quad (5)$$

که در آن:

$Y$  = بردار متغیر وابسته،  $\rho$  = ضریب اتورگرسیون فضایی،  $W$  = ماتریس وزن فضایی،  $X$  = ماتریس طرح متشکل از  $k$  متغیر تبیینی،  $\beta$  = بردارهای  $K \times 1$  ضرایب رگرسیونی هستند.

معادله (۵) می تواند بصورت رابطه (۶) بازنویسی شود.

$$y = (I - \rho w)^{-1} (X\beta + \varepsilon) \quad (6)$$

که در آن  $I$  ماتریس یکه (واحد) است.  $(I - \rho w)^{-1}$  شمارنده فضایی است که اگر به صورت سری های نامحدود نوشته شود مطابق رابطه (۷) داریم:

$$(I - \rho w)^{-1} = 1 + \rho w + \rho^2 w^2 + \rho^3 w^3 + \dots \quad (7)$$

این بسط شمارنده فضایی نشان دهنده اثرات مرتبه دوم، مرتبه سوم و مراتب بالاتر است. قدرت و اثر سرریز فضایی بستگی به ویژگی ماتریس وزن دارد و به همین دلیل است که انتخاب ماتریس وزن مهم است.

$$\begin{cases} y = x\beta + \varepsilon \\ \varepsilon = \rho wy + u \quad u \sim N(0, \sigma^2) \end{cases} \quad (8)$$

که در آن متغیرها و ضرایب مطابق مدل تاخیر فضایی تعریف می گردد.

به رابطه (۲) نرخ تصادفات محاسبه می شود. سپس در مرحله سوم با تشکیل ماتریس وزن فضایی، ارتباط بین قطعات راه برقرار می شود و پارامترهای مدل های اشاره شده در روابط (۳) تا (۸) که در ادامه معرفی می شوند، محاسبه می گردند. در مرحله چهارم مدل برتر از میان سایر مدل ها انتخاب خواهد شد که این مدل می تواند با ملاک های ارزیابی آکائیک و بیزی شناسایی گردد. در نهایت در مرحله پنجم به پیش بینی نرخ تصادفات پرداخته خواهد شد و مدلی که بهترین پیش بینی را انجام می دهد، مطابق معیار جذر میانگین مربعات خطا<sup>۱</sup> که در رابطه (۱۲) نشان داده شده، انتخاب خواهد شد.

در این تحقیق چهار مدل مختلف برآورد و با یکدیگر مقایسه خواهند شد. این مدلها عبارتند از مدل رگرسیون خطی ساده، مدل اتورگرسیون فضایی، مدل تأخیر فضایی و مدل خطای فضایی. شکل کلی این مدلها در روابط (۳) تا (۸) بیان گردیده است:

رگرسیون خطی ساده:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon \quad (3)$$

که در آن:

$Y$  = متغیر وابسته،  $X$  = متغیر مستقل،  $\beta_0$  و  $\beta_1$  = ضرایب خطی هستند.

اتورگرسیون فضایی:

$$\begin{cases} y = \rho wy + \varepsilon \\ \varepsilon \sim N(0, \sigma^2) \end{cases} \quad (4)$$

که در آن:

$Y$  = بردار متغیر وابسته،  $\rho$  = ضریب اتورگرسیون فضایی،  $W$  = ماتریس وزن فضایی،  $\varepsilon$  = بردار نوفه سفید فضایی<sup>۲</sup> است.

### ۲-۳ برآورد و آزمون وابستگی فضایی

کلی ترین روش آماری مورد استفاده برای تعیین وابستگی فضایی، آزمون آماری موران [Moran's I statistics] است.

فرم این آزمون آماری برای  $n$  مشاهده از متغیر  $x$  در موقعیت  $j$  در رابطه (۹) نشان داده شده است:

$$I = \frac{n}{S_0} \frac{\sum_i \sum_j w_{ij} (x_i - \bar{x})(x_j - \bar{x})}{\sum_i (x_i - \bar{x})^2} \quad (9)$$

که در آن:

$w_{ij}$  = المانهای ماتریس وزن فضایی برای نمونه به اندازه  $n$ .

$x$  = میانگین متغیرهای پاسخ،

$\square$  = مجموع المانهای ماتریس وزناست.

اگر مقدار value-P برابر  $0.05$  یا کمتر باشد، این آزمون آماری نشان دهنده وجود نوعی همبستگی فضایی است. باید توجه داشت که این آزمون مشخص نمی کند که آیا بین مشاهدات تأخیر فضایی وجود دارد یا خطای فضایی.

### ۳-۳ انتخاب مدل برتر از میان چند مدل منتخب

برای انتخاب مدل برتر از میان چند مدل منتخب، ملاکهای ارزیابی متفاوتی وجود دارند. برای مقایسه مدل‌های استفاده شده در این تحقیق از ملاک اطلاع آکائیک<sup>۱۱</sup> و ملاک اطلاع بیزی<sup>۱۱</sup> استفاده خواهد شد که در ادامه به اختصار توضیح داده می شود. ملاک اطلاع آکائیک، اندازه‌ای از میزان نکویی برازش نسبی یک مدل آماری است که به صورت رابطه (۱۰) تعریف می گردد:

$$AIC = 2K - 2l \quad (10)$$

که در آن:

$K$  = تعداد پارامترهای مدل،  $L$  = لگاریتم تابع بیشترین درستنمایی. برای مجموعه‌ای از مدل ها، مدلی بهتر است که دارای کمترین مقدار AIC باشد.

ملاک اطلاع بیزی: به صورت رابطه (۱۱) تعریف می گردد:

$$BIC = k \log(n) - 2l \quad (11)$$

که در آن:

$n$  = حجم نمونه،  $K$  = تعداد پارامترهای برآورد شده در مدل است.

مدل با کوچک ترین مقدار این ملاک نسبت به سایر مدل‌ها ترجیح داده می شود.

### ۴-۳ انتخاب مدلی که بهترین پیش بینی را انجام می دهد

برای این منظور از معیار جذر میانگین مربعات خطا، استفاده می شود. جذر میانگین مربعات خطا، تفاوت میان مقدار پیش بینی شده توسط مدل یا برآوردگر آماری و مقدار واقعی است. این معیار، ابزار خوبی برای مقایسه خطاهای پیش بینی است و مطابق رابطه (۱۲) محاسبه می گردد.

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (X_{obs,i} - X_{model,i})^2}{n}} \quad (12)$$

که در آن:

$RMSE$  = معیار جذر میانگین مربعات خطا،  $X_{obs}$  = مقادیر مشاهده شده در قطعه  $i$ ،  $X_{model}$  = مقادیر پیش بینی شده توسط مدل در قطعه  $i$  و  $n$  تعداد قطعات هستند.

### ۴. مطالعه موردی

داده‌های مورد استفاده در این تحقیق مربوط به داده‌های تصادفات آزادراه زنجان-قزوین، در حوزه استحفاظی استان زنجان به طول ۱۰۵ کیلومتر و مدت ۴ سال است. این داده‌ها با کمک سازمان حمل و نقل و پایانه‌های استان زنجان به دست آمد و از آنجا که جمع آوری داده‌ها از کروکی تصادفات پلیس راه استان بوده، دارای اعتبار است.

### ۵. برآورد مدل‌ها و تجزیه و تحلیل یافته‌ها

در این بخش با استفاده از آزمون آماری موران وابستگی قطعات به یکدیگر آزموده شده و سپس با استفاده از روش بیز به برآورد پارامترها در مدل‌های رگرسیون خطی، اتورگرسیون فضایی ساده، تأخیر فضایی و خطای فضایی پرداخته خواهد شد.

پس از محاسبه آزمون موران، مقدار p-value برابر  $2.6499e-004$  به دست آمد که نشان دهنده وجود نوعی همبستگی فضایی بین قطعات راه و تأییدی بر وابستگی فضایی تصادفات در قطعات راه است.



### ۱-۵ برآورد پارامترها با روش بیزی

تعیین چگالی های ناشناخته در بسیاری از کاربردها نظیر مدل های بیزی پیچیده، تنها به کمک شبیه سازی ممکن بوده و در این میان روش های مونت کارلوی زنجیره مارکوفی<sup>۱۲</sup> بیشترین سهم را دارند. در روش مونت کارلو نمونه هایی از توزیع مطلوب استخراج نموده و میانگین های نمونه ای را برای تقریب امید ریاضی به کار می بریم. روش های مونت کارلوی زنجیر مارکوفی، نمونه ها را با استفاده از ساختن یک زنجیر مارکوف و نمونه گیری از آن پس از نیل به حالت ایستایی انتخاب می کنند.

استنباط بیزی بر اساس نمونه ای به حجم ۵۰۰۰، از زنجیر شبیه سازی شده مارکوف مونت کارلو با تکرار ۲۵۰۰ که بر اساس بررسی های انجام شده مرحله داغیدن<sup>۱۳</sup> ۲۵۰۰ تشخیص داده شده انجام می گیرد. با توجه به اینکه توزیع واقعی پارامترها نامشخص است، توزیع پیشین پارامترهای مدل ناآگاهی بخش با توزیع نرمال میانگین صفر و واریانس بسیار بزرگ در نظر گرفته می شود.

$$\beta_0, \beta_1 \sim N_2(0, 10^{12}I_2) \quad (13)$$

چهار مدل رگرسیون خطی ساده، مدل اتورگرسیون همزمان، مدل تاخیر فضایی و مدل خطای فضایی با رهیافت بیزی برازش داده شد و نتایج در جدول (۱) ارائه شده است.

همان طور که مشاهده می شود ضرایب مدل های رگرسیون خطی، مدل اتورگرسیون فضایی ساده، مدل تاخیر فضایی و مدل خطای فضایی در سطح معنی داری ۰/۰۵ معنی دار هستند و با توجه به اینکه برآورد ضریب تحصیلات بر میزان نرخ تصادفات منفی است، افزایش سطح تحصیلات تاثیری معکوس بر نرخ تصادفات خواهد داشت. مشاهده می شود که برآورد پارامترها با روش بیزی مناسب بوده و تمامی مدل ها با این رویکرد معنی دار هستند. ضریب اتورگرسیون فضایی در مدل اتورگرسیون فضایی ساده

برابر صفر بوده و نشان دهنده رابطه فضایی قوی تری نسبت به سایر مدلها است و در مقایسه مدل های تاخیر فضایی و خطای فضایی مدل تاخیر فضایی که مقدار p-value کمتری را به خود اختصاص داده، نشان دهنده رابطه فضایی قوی تری نسبت به مدل خطای فضایی است.

### ۲-۵ انتخاب مدل برتر با کمک ملاک ارزیابی آکائیک و ملاک ارزیابی بیزی

مقادیر ملاک های ارزیابی آکائیک و بیزی محاسبه گردید و نتایج در جدول (۲) ارائه شده است. مطابق جدول (۲)، پس از در نظر گرفتن وابستگی فضایی قطعات به یکدیگر نتایج مدل ها بهتر شده و این اثر را می توان در مقدار ملاک اطلاع آکائیک مدل تاخیر فضایی با متغیر مستقل سطح تحصیلات افراد درگیر در تصادفات ۲۸۷/۸۵۳ و ملاک اطلاع بیزی آن ۲۸۷/۸۵۳ مشاهده نمود. همچنین ملاک اطلاع آکائیک و بیزی مدل خطای فضایی با یک متغیر مستقل سطح تحصیلات افراد درگیر در تصادف به ترتیب برابر ۲۷۴/۰۲۶ و ۲۷۹/۹۳۶ است. هر دو مدل های تأخیر فضایی و خطای فضایی بهتر از مدل رگرسیون خطی ساده با متغیر مستقل سطح تحصیلات عمل کرده اند که این موضوع با توجه به مقادیر ملاک اطلاع آکائیک و ملاک اطلاع بیزی مدل رگرسیون خطی ساده با متغیر مستقل سطح تحصیلات به ترتیب برابر ۲۹۱/۹۱۰ و ۲۹۵/۸۵۱ قابل مشاهده است که هر دو این مقادیر بزرگ تر از ملاک های ارزیابی مدل های خطای فضایی و تاخیر فضایی هستند. در برآورد پارامترها به روش بیزی مدل خطای فضایی با متغیر مستقل سطح تحصیلات افراد درگیر در تصادفات با کمترین مقدار ملاک های ارزیابی آکائیک و بیزی به ترتیب برابر برابر ۲۷۴/۰۲۶ و ۲۷۹/۹۳۶ کارآمدترین مدل نشان داده شده است.

جدول ۱. برآورد بیزی پارامترها در مدل ها با ماتریس وزن مجاورت

پارامتر	رگرسیون خطی		مدل اتورگرسیون فضایی ساده		مدل تاخیر فضایی		مدل خطای فضایی	
	برآورد	p-مقدار	برآورد	p-مقدار	برآورد	p-مقدار	برآورد	p-مقدار
$\beta_0$	۱۷/۵۷۰	۰/۰۰۴	-	-	۱۴/۸۲۵	۰/۰۰۲	۱۶/۹۱۲	۰/۰۰۴
$\beta_1$	-۳/۸۹۷	۰/۰۳۸	-	-	-۳/۷۹۱	۰/۰۲۵	-۳/۶۶۹	۰/۰۴۴
Rho	-	-	۰/۵۵۸	۰/۰۰۰	۰/۳۰۸	۰/۰۰۱	۰/۳۲۶	۰/۰۰۲

میانگین توان‌های دوم تفاضل بین مقادیر واقعی و پیشگویی شده مشاهدات (RMSE) محاسبه شده و در جدول ۳ نمایش داده شده است. واضح است هر مدلی که RMSE کمتری نسبت به سایر مدل‌ها داشته باشد، پیشگویی دقیق‌تری را فراهم می‌سازد. مقادیر RMSE پیشگویی با مدل‌های برآورد شده با روش بیزی در جدول زیر ارائه شده است. با مقایسه RMSE هر چهار مدل منتخب، مدل تاخیر فضایی کمترین RMSE را دارا است. مقادیر RMSE سایر مدل‌ها تقریباً نزدیک هستند. نمودار نرخ تصادفات پیش بینی شده و واقعی در شکل های ۴ نمایش داده شده است.

#### ۴-۵ انتخاب مدلی که بهترین پیش‌بینی را انجام داده با معیار RMSE

همانطور که در جدول (۳) مشاهده می‌شود، در برآورد مدل‌ها به روش بیزی مدل خطای فضایی که دارای RMSE به مقدار ۷/۰۷۰ است، به عنوان بهترین پیشگویی کننده شناخته خواهد شد و پیش‌بینی بر اساس آن دقیق‌تر است. شایان ذکر است مقادیر RMSE با نتایج حاصله از ملاک‌های ارزیابی مدل به روش ملاک اطلاع آکائیک و ملاک اطلاع بیزی منطبق است (رجوع شود به جدول ۲).

جدول ۳. RMSE مقادیر پیشگویی با مدل‌های منتخب برآورد شده با روش بیزی

نام مدل	RMSE
رگرسیون خطی	۷/۰۸۱
مدل اتورگرسیون همزمان	۷/۰۷۰
مدل تاخیر فضایی	۷/۱۱۰
مدل خطای فضایی	۷/۰۷۰

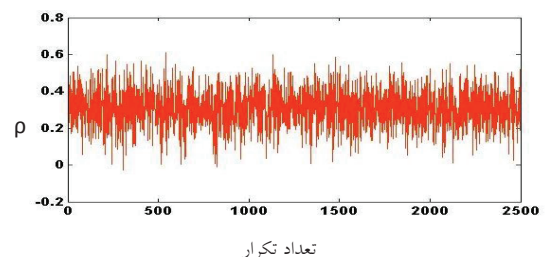
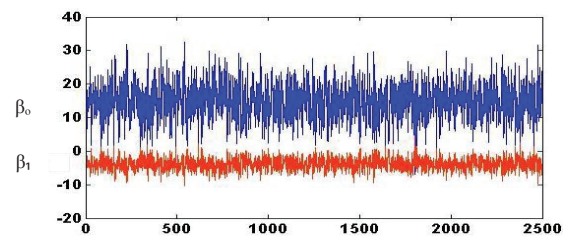
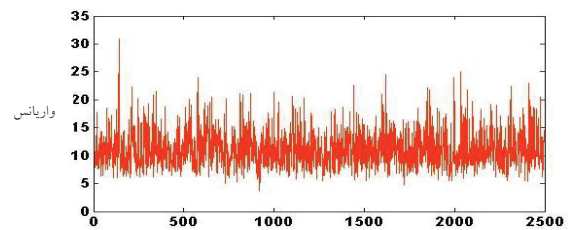
#### ۶. نتیجه گیری و پیشنهاد برای تحقیقات آتی

همبستگی فضایی داده‌ها مورد بررسی قرار گرفت و با مقایسه مدل خطی ساده و مدل‌های اتورگرسیون مشخص گردید که استفاده از مدل‌های اتورگرسیون فضایی سبب افزایش کارایی مدل می‌گردد. مطابق آزمون موران وجود وابستگی فضایی بین قطعات راه اثبات شده و بنابراین برآورد مدل‌هایی که این وابستگی را در نظر

جدول ۲. مقایسه مدل‌های مختلف با برآورد بیزی و ماتریس وزن مجاورت با معیار AIC, BIC

نام مدل	AIC	BIC
رگرسیون خطی	۲۹۱/۹۱۰	۲۹۵/۸۵۱
مدل اتورگرسیون همزمان	۳۵۳/۷۴۲	۳۵۵/۷۱۳
مدل تاخیر فضایی	۲۸۱/۹۴۲	۲۸۷/۸۵۳
مدل خطای فضایی	۲۷۴/۰۲۶	۲۷۹/۹۳۶

شکل (۳) نمودار تابع چگالی پسین و اثر پارامترهای متغیرهای تبیینی  $\beta_1, \beta_2, \beta_3$  و واریانس و ضریب اتورگرسیون فضایی  $\rho$  در مدل خطای فضایی است که بهترین مدل پیشنهادی با برآورد بیزی است.



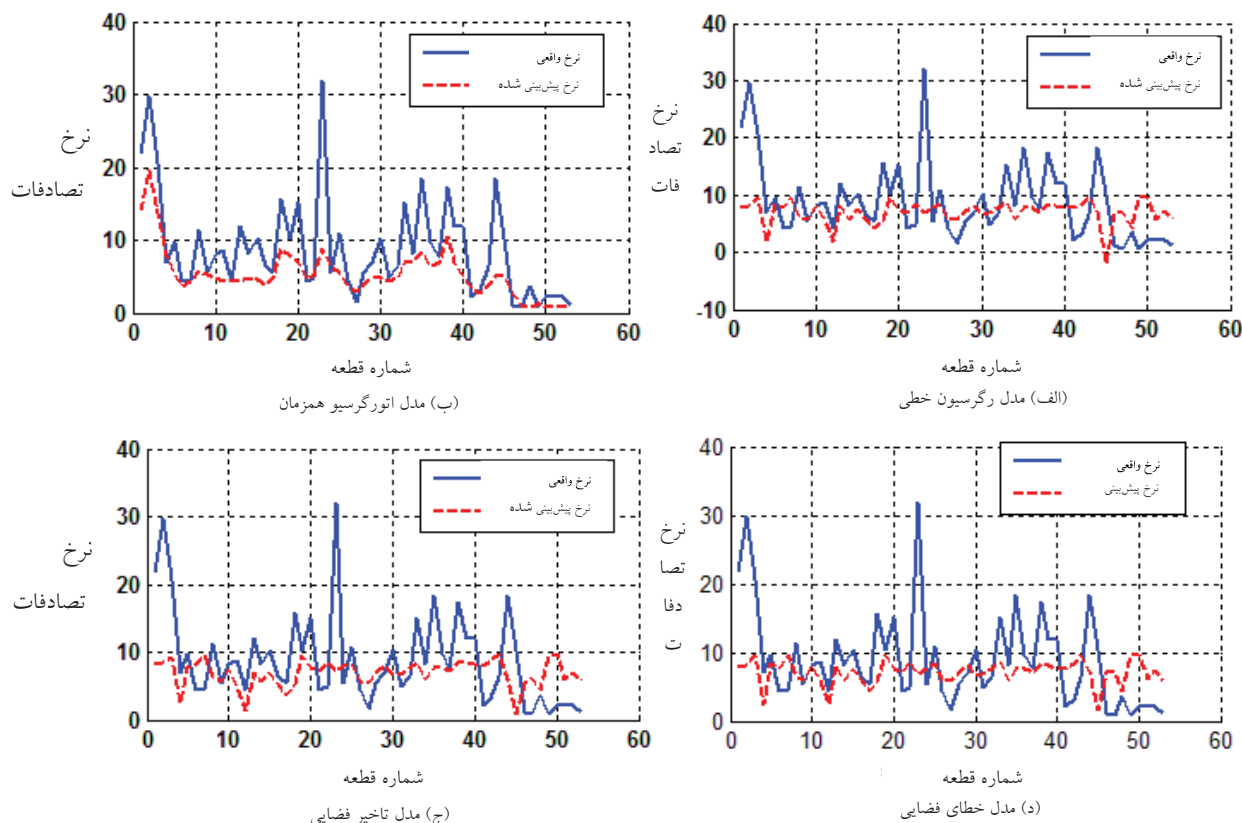
شکل ۳. تابع چگالی و اثر توزیع پسین پارامترهای  $\beta_1, \beta_2, \beta_3, \sigma^2, \rho$  در مدل خطای فضایی

همانطور که مشاهده می‌شود تابع چگالی و اثر توزیع پسین پارامترها دارای روند خاصی نبوده و همگرا نیز هست و بنابراین مدل‌ها برآورد خوبی ارائه کرده اند.

#### ۳-۵ پیش‌بینی نرخ تصادفات

به منظور مقایسه دقت پیشگویی‌های انجام شده در ۵۳ قطعه آزاد راه از داده‌های سال ۸۹ استفاده گردیده است. معیار مجذور

## استفاده از مدل های اقتصادسنجی فضایی در پیش بینی نرخ تصادفات راه



شکل ۴. نمودار مقادیر واقعی (خط ممتد) و پیشگویی شده (خط چین) مدل‌های مختلف با روش بیزی

ایمن سازی و مطالعه بر روی علل بالا بودن نرخ تصادفات در این قطعات انجام خواهد گرفت و این روش، روشی کارآمد و رویکردی جدید در تصمیم‌گیری در ارتباط با تخصیص بودجه و اولویت‌بندی قطعات حادثه خیز است.

در این تحقیق از قطعات با طول یکسان استفاده گردید، با این حال در نظر گرفتن قطعات همگن می‌تواند در تحقیقات آتی مورد استفاده قرار گیرد.

با توجه به اینکه در این تحقیق تنها به پیش‌بینی نرخ تصادفات پرداختیم، با این حال در نظر گرفتن مدل‌های پیش‌بینی با توجه به نوع تصادفات فوتی، جرحی، خسارتی می‌تواند در مطالعات بعدی مورد بررسی قرار گیرد.

از آنجا که تنها اثر همسایگی مرتبه اول در این تحقیق لحاظ گشته است، اثر همسایگی‌های مراتب بالاتر در ماتریس وزن می‌تواند در مطالعات بعدی بررسی گردد.

نمی‌گیرند اریب خواهد بود و دقیق نیست.

استفاده از ماتریس همسایگی نزدیک‌ترین اولین همسایه با توجه به طول قطعات (دو کیلومتر) نشان دهنده رابطه هر قطعه با قطعه بعد و قبل از خود است.

از آنجا که سطح تحصیلات به عنوان متغیر مستقل در نظر گرفته شد، تمام مدل‌ها بیانگر رابطه معکوس سطح تحصیلات افراد درگیر در تصادفات و نرخ تصادفات بودند. به این معنی که افزایش سطح تحصیلات سبب کاهش تصادفات می‌گردد.

پس از بررسی و مقایسه مدل‌های پیش‌بینی نرخ تصادفات در آزادراه قزوین-زنجان به کمک معیار  $RMSE$  مشاهده گردید که مدل خطای فضایی با  $RMSE$  به  $7/070$  دقیقتر از سایر مدل‌ها است و با پیش‌بینی نرخ تصادفات با این مدل نتایج دقیق‌تری حاصل می‌گردد.

با کمک پیش‌بینی نرخ تصادفات در قطعات بحرانی، اقدامات

-Anselin, L. (1988) "Lagrange multiplier test diagnostics for spatial dependence and spatial heterogeneity", *Geographical Analysis*, 20(1), pp. 1–17.

-Asgari, A. and Akbari, N. (2001) "Spatial econometric methodology, theory and applications", *Research Bulletin of Isfahan University (Humanities)*, 12(1-2), pp. 93–122.

-Azizi, L. and Sheikholeslami, A. (2013) "Safety effect of u-turn conversions in Tehran: Empirical Bayes observational before-and-after study and crash prediction models", *Journal of Transportation Engineering*, 139(1), pp. 101–108.

-Caleiro, A. and Guerreiro, G. (2005) "Understanding the election results in Portugal: A spatial econometric point of view", *Portuguese Economic Journal*, 4(3), pp. 207–228.

-Cameron, A. C. and Trivedi, P. K. (1998) "Regression analysis of count data", *Society*, Vol. 41.

-Clewley, R. and Soto-treviño, C. (2007) "British regional growth and sectoral trends - global and local spatial econometric approaches", *National Institute for Regional and Spatial Analysis*, Ireland: Mynooth University.

-Cohen, J. P. and Paul, C. M. (2007) "The impacts of transportation infrastructure on property values: A higher-order spatial econometrics approach", *Journal of Regional Science*, 47(3), pp. 457–478.

-Elvik, R. (2007) "State-of-the-art approaches to road accident black spot management and safety analysis of road networks", *Institute of Transport Economics*. Retrieved from [www.toi.no/getfile.php/Publikasjon-er/TI\\_rapporter/2007/883-2007/883-2007-nett.pdf](http://www.toi.no/getfile.php/Publikasjon-er/TI_rapporter/2007/883-2007/883-2007-nett.pdf)

-Frank, B. and Maurseth, P. B. (2006) "The spatial econometrics of elephant population change", *A note. Ecological Economics*, 60(1), pp. 320–323.

-Huang, B., Zhang, L. and Wu, B. (2009) "Spatiotemporal analysis of rural–urban land conversion", *International Journal of Geographical Information Science*.

با توجه به اینکه در برآورد پارامترها از روش بیز استفاده گردیده، استفاده از سایر روش‌های برآورد پارامترها مانند روش بیشترین درستنمایی می‌تواند در مطالعات بعدی مورد بررسی قرار گرفته و نتایج با این مطالعه مقایسه گردد.

## ۷. پی‌نوشت‌ها

1. Spatial econometrics
2. Cross section
3. Negative binomial
4. Spatial overflow
5. Spatial Dependence
6. Spatial Heteroscedasticity

۷. داده‌های پانلی یا Panel data: در آمار و اقتصاد سنجی، مجموعه داده‌های پانلی شامل مشاهداتی برای چندین بخش (خانوار، بنگاه و...) هستند که در طی زمان‌های مختلف جمع‌آوری شده‌اند. یعنی یک مدل داده‌های پانل، حاوی اطلاعاتی در زمان و مکان است که شامل N مؤلفه در T دوره زمانی است.

## 8. Root Mean Square Error (RMSE)

۹. نوفه سفید فضایی یا white noise: به معنی آلودگی صوتی و یا سیگنالی ناخواسته است که شکل سیگنال‌ها را تغییر می‌دهد و باعث بروز اختلال می‌شود. در علم آمار به ترم خطاهای به وجود آمده در مدل نیز گفته می‌شود.

9. AIC
10. BIC
11. Markov chain Monte Carlo (MCMC) methods
12. burn-in

## ۸ منابع

- Abdel-Aty, M. A. and Radwan, A. E. (2000) "Modeling traffic accident occurrence and involvement", *Accident Analysis and Prevention*, 32(5), pp. 633–642.

-Anastasopoulos, P. C., Mannering, F. L., Shankar, V. N. and Haddock, J. E. (2012) "A study of factors affecting highway accident rates using the random-parameters tobit model", *Accident Analysis and Prevention*, 45, pp. 628–633.

42(4), pp. 1118–1127.

-Persaud, B., Lan, B., Lyon, C. and Bhim, R. (2010) "Comparison of empirical Bayes and full Bayes approaches for before-after road safety evaluations", *Accident Analysis and Prevention*, 42(1), pp. 38–43.

-Persaud, B. and Lyon, C. (2007) "Empirical Bayes before-after safety studies: Lessons learned from two decades of experience and future directions", *Accident Analysis and Prevention*, 39(3), pp. 546–555.

-Šenk, P., Ambros, J., Pokorný, P. and Striegler, R. (2012) "Use of accident prediction models in identifying hazardous road locations", *Transactions on Transport Sciences*, 5(4), pp. 223–232.

-Shankar, V., Mannering, F. and Barfield, W. (1995) "Effect of roadway geometrics and environmental factors on rural freeway accident frequencies", *Accident Analysis and Prevention*, 27(3), pp. 371–389.

-Huang, H., Chin, H. and Haque, M. (2009) "Empirical evaluation of alternative approaches in identifying crash hot spots", *Transportation Research Record: Journal of Transportation Research Board*, 2103(-1), pp. 32–41.

-Ivan, J. N., Wang, C. and Bernardo, N. R. (2000) "Explaining two-lane highway crash rates using land use and hourly exposure", *Accident Analysis and Prevention*, 32(6), pp. 787–795.

-Krause, A. and Bitter, C. (2012) "Spatial econometrics, land values and sustainability: Trends in real estate valuation research", *Cities*, 29(SUPPL.2).

-LeSage, J. (2009) "Introduction to spatial econometrics, Systems Engineering". CRC Press.

-Lesage, J. P. (1998) "Spatial econometrics. review literature and arts of the Americas", 31.

-Liu, Y. and Jarrett, D. (2007) "Spatial statistical modelling of traffic accidents", In 9th International Conference on GeoComputation. Maynooth, Ireland: National University of Ireland in Maynooth.

-Miaou, S. P. and Lum, H. (1993) "Modeling vehicle accidents and highway geometric design relationships". *Accident Analysis and Prevention*, 25(6), pp. 689–709.

- Mills, J. B. and Fricker, J. D. (2011) "Spatial panel econometric analysis of the economic impacts of by-passes: a regional approach", In Annual Meeting of the Transportation Research Board.

-Noland, R. B. and Quddus, M. A. (2004) "A spatially disaggregate analysis of road casualties in England", *Accident Analysis and Prevention*, 36(6), pp. 973–984.

-Noland, R. B. and Quddus, M. A. (2005) "Congestion and safety: A spatial analysis of London", *Transportation Research Part A: Policy and Practice*, 39(7-9), pp.737–754.

-Park, E. S., Park, J. and Lomax, T. J. (2010) "A fully Bayesian multivariate approach to before-after safety evaluation", *Accident Analysis and Prevention*,

